वीर	र सेवा मन्दिर	
	दिल्ली	
	*	
क्रम संख्या	3112	_
काल न०	XII WATER	_
<b>ब</b> ण्ड		_

# गिग्तिप्रकाश

## दूसरा भोगः

त्री मन्महाराजाधिराज पश्चिमदेशाधिकारी श्रीयुत नव्वाव लेफिटनेंट गवर्नर बहादुर की श्राचानुसार

स्रोमद्विद्यासम्पन्न श्रोमाहित डैरेक्टर आफपन्नलिक सन्स्ट्रक्शन मुमालिक मग़रबी व शिमाली व अव-ध की श्रनुमित्ति पश्चिमदेशीय चटशाली के विद्यार्थियों के लिये परिडत श्रीलाल ने

> मुर्बादिउल्हिसाव से उल्याकरके बनाया इलाहाबाद

गवनैमेंट के छापेख़ाने में छापागया

वही विदार्थियों के लाभ के लिये

## लखनऊ

मुन्शी नवलकिशोर (सी,आई, ई) के छापेखाने में छपा मार्च सन् १८९५ ई०॥

7th Edition 1500 Copies: 7

an an

Price per Copy, 3 annas:

∫ सातवींबार १५०० पुस्तकें े माल फ़ी पुस्तक*्र)* स्राने

## मूचीप्व

प्रकरणों के नाम				र्पात्त
चैराशिक	••••	••••	m	ę
श्रनेक श्रनुपात	****	****	१२	68
भिन्नरोति		••••	₹0	98
प्रथम प्रकार	••••	****	२२	68
भिन्न संकलन	••••	•	is se	3
भिन्न व्यवकलन	••••	••••	क्ष	3
भिन्न गुणन	••••	****	Ę9	39
भिन्न भाग	****	••••	3∉	98
भिन्न चैराशिक	****	••••	80	39
दशमलव	****	• • • •	83	3
दशमलवं के योग को गीत	• ••	••••	80	3
दशमलवके अन्तर की रीति	• •	••••	38	9
दशमलव गुणन	••••	••••	yo	95
दशमलव भाग की गीत	****	****	भूट	88
घातक्रिया का प्रकार	****	••••	<b>E8</b>	9
वर्ग करने की रीति	1000	••••	६४	99
मुल क्रिया	****	****	ຊົນ	<b>२२</b>
पूर्णाक वर्गमूल के निकालने	को रीति	••••	EE	13
देशमलव वर्गमूल के निकाल	ने की रीति	****	33	90
पूर्णिक घनमूल की गीत	••••		58	9
टगमलव घनमूल की गीत	••••	****	<i>ο</i> ε	80

# गिग्ति प्रकाश

## दूसरा भाग॥

#### गणित के उपयोगी चिन्ह ॥

eastern pe

- + यह चिन्ह जोड़ने का है जिन संख्याओं के बीचमें होता है, उनका याग जताता है; जैसा, ४ + ५ लिखने से जाना जाता है, कि ४ और ५ या योग करना है, इसी को धन चिन्ह सं कहते है।
- यह चिन्ह जिम मंद्या के बाउँ ग्रोर हो, वह अपनी बाई ग्रोर वाली संस्था में जटानी व्यक्तिये; बेमा, !— क इसका अर्थ यह है, कि ॥ में से इ घटाने हे, इसको स्टण चिन्ह कहते हे॥
- यह गुणन का दिन्ह है, जिन मंख्याओं के योज में
  होता है, उनका घात जताता है, जेसा, ३ × ४ इसका अर्थ
  यह है, कि इ से ४ को गुणा करके गुणनफल जानना है।
- ÷ यह भाग देने का दिन्ह है, इसकी बाई ऋोर भाज्य, श्रोर दाहिनी ऋोर, भाजक होता है, जसा, ८÷२ इसका यह श्रर्थ है कि ८ में टो का भाग देना है।

= यह तुल्य का चिन्ह है, जिन दो राशों के बीच में येसा चिन्ह देखो उन्हें तुल्य जानो; जैसा, २ + ३ = ५, वा ०-४ = ३, वा ४ × ३ = १२, वा १२ ÷ ३ = १ :::ये अनुपात के चिन्ह हैं, अनुपात में जो चार राष्ट्री होतो हैं, उनके बीच में ये होते हैं; जैसा, ५ : १०::३:६ निवार है, कि पहिली स्पृत्ति वे जितने गुणी दूसरे राशि है उतने गुणी है। तासरी से चौथो राशि है।

√ यह मूलका चिन्ह है, जो २√ २५ वा√ २५ से, २५ का बर्गमूल जानो और ३√ २० का घनमूल इत्यादि ॥

## अय त्रेराशिक

इस गणित का नाम नैराशिक इस काग्य से है कि इस में तीन राशें जानी हुई होती हैं और उन से अज्ञात चौथी राशि जानी जाती है, जानो हुई तीन राशों में दो राशें तो सक जाति की और तीसरी राशि और जाति को होती है और उत्तर भी उसी जाति का आता है॥

#### राशों के रखने की रोति॥

वेतीन राघें एक ऋड़ो पंक्ति में खबी जाती है जैसे

क ग न

अब देखो कि इन में से उत्तर कोनमी जाति का आवेगा उसी जाति के राशि का तीसरे स्थान में रक्खा और सोचा कि प्रश्न का उत्तर इस तीसरी राशि में अधिक आवेगा वा न्यून कदाचित् अधिक आता देखों तो उन एक जातिकी दो राशों में से बड़ी राशि को दूसरे और छोटी को पहले स्थान में रक्खों पर उत्तर तीसरों राशि से छोटा जाना जाय तो छोटी राशि को दूसरे और बड़ी को पहले स्थान में स्थापन करो इस प्रकार से प्रश्नकों राशों को रखकर देखों कि पहले और दूमरे स्थान वाली एक जाति को राशों में हीन और उच्च जाति का तो मेद नहीं कदाचित् हो तो उन दोनों को एक जाति कर लो और तीसरी मित्र राशि हो तो उसमें जो हीन जाति हो उसी जाति की तीसरी राशि कर लो।

दूसर और तीसरे स्थान वाली राशों को आपस में गुणाकरके उस गुणानफल में पहली राशि का थाग दो जो लिब्ध मिले वही उत्तर होगा परंतु तीसरी राशि को होन जाति किया हो तो उत्तर भी होन जाति का होगा उसकी उन्न जाति करनी होगी॥

इस बात को भी ध्यान में रवखों कि पहली राश में जिस संख्या का निश्चेष भाग लगता हो उसीका दूसरी और तीसरी में से किसी राश में निश्चेप भाग लग जाय तो भाग देके उन लिख्यों को अपने २ स्थान पर रखलों फिर भी इसी रीति से देखों कि पहली राश में जिसका भाग लगता हो उसका दूसरी वा तीसरी में से किसी में लग सके ता फिर भी भाग दो इस किया को यहां तक करते जाओं जि पहली और शेष दो राशों में सिवाय एक के किसी और संख्या का भाग न लग सके।

#### उदाहरण ॥

#### (१) দ্বহন

एक काम की ६ मनुष्य दस दिन में करते हों तो उद्योको बार ह के दिन में करेंगे॥

मनुष्य	मनुष्य	दिन
१२	ξ	90
		E
		१२) ६० दिन १ उत्तर
		ξο
		00

(२) प्रश्न

दा रुपये चार आने मन गुड़ है तो एक रुपये का कितना अवेगा ?

टदाहरगा॥ रुपया रुपया गुड़ *१)* ःः १५मन १६ 9€ 98 Ro B 80 38 **E80** ६६) ६४० ( १७ सेर रधर 25 48 25 ६६) ४४८ ( १२ छटांदा ₹ <u>८</u>८ **७**२ *१६* 

उत्तर घेर १७, खटांक १२<sup>१</sup> ह

#### (३) प्रश्न

सबह रूपये छ: त्राने तीला सोने का भाव है तो साढ़े वार तीले कितने का त्रावेगा ?

#### (४) प्रश्न

यक कूर को कितने ही मनुष्य दश दिन मे है। उत्ते है जब कि दिनमान क्र: घंटे का है आर दिनशन द घंटे का हाये तो वे हो मनुष्य उसकी कितने दिनों में खोदेंगे ?

#### दूसरा भाग

#### टदाहरण ॥

#### (१) प्रश्न

सताईम हाथ ऊंची भीत बनानी थी उस में से नी हाथ ता १६ मनुष्यों ने छ: दिन में बना दी ऋब श्रेष भीत के। चार दिन में बनाना चाहें तो कितने मनुष्य लगाने चाहियें ?

ये १८ मनुष्य चार दिन में ६ हाथ बनाते हैं शेष १८ हाथ की इन से दूने ३६ मनुष्य बना सकेंगे॥

#### (६) प्रश्न

निसी मनुष्य की बरशोंड़ी के प्रथा है उसे श्राठवाड़ें का क्या देना चाहिये यहां ५२ श्राठवाड़ें का एक वर्ष जाना ? उत्तर १६॥) २ ११

#### (२) प्रश्न

तीस मनुष्य एक खेत के। ग्यारह दिन में कार्ट ते। वैमे चार खेतों के। उस समय के पंचमांश में कितने लोग काट सर्केंगे ? .... .... उत्तर मनुष्य ६००

#### (॰) प्रश्न

यक केल की चराई ग्रित दिन )?? पाई हो तो माल भर में भ्यारह केलों की क्या है.गी यहां माल ३६५ दिनों का जाना ? .... ... उत्तर ४८०॥॥॥ ५ पाई॥

#### (६) प्रश्न

सत्ताईस गार्थे एक खेत की घास की बारह दिन में दग्ती हैं तो चार्लास गार्थे उसी खत की घाम की कितने दिने। में चरेंगी ? ... ... उत्तर दिन द्रिंह

#### (१०) प्रश्न

यक गढ़ में कुछ सिपाही घर गये उनके पाम जो सामान या उस में से प्रति दिन फी सिपाही की २० छटांक के हिमाब से दिया जाता तो पांच महीने तक छाने की होता पर १२ छटांक के हिसाब से दिया गया कहा जितन समय की वह सामान हुआ होगा ? .... उत्तर महीने द दिन १०

#### (११) ग्रश्न

किसी घरती का महमूल फ़ी बीघे साल भर में रह) ६ पाई देना पड़ता है इस हिसाब से तीन महीने में पांच सो बीघे पर क्या देना पड़ेगा ? .... उत्तर २९६४) ६ पाई॥

#### ( १२ ) प्रश्न

हर एक आदमी की एक महोने में १७) द पाई मिलती है ता बनीस महीने में ६४० चार्दामयों की क्या मिलेगा?

उत्तर २८८०)

(१३) प्रश्न

किमी काम की दस मनुष्य बारह दिन में कर सके हैं उसी के। तान दिन में के मनुष्य कर सकेंगें।—उत्तर मनुष्य ४० ( १४ ) प्रश्न

मवा रूपये के माल पे तीन आने का पाई महमूल लगता हा तो नो सो बतास रूपये दो आने आठ पाई के माल पे क्या लगेगा ि .... जत्तर १६६० पूर्व पाई (१५) प्रश्न

मार्ड सात भी संदूकों में २२५० कीलें लगती हैं ता बारह एजार में कितनी लगेंगी ? ... ... उत्तर ६६००० (१६) प्रश्न

बाग्ह सेर खांड़ शाष्ट्र) की त्राती है तो तेरह मन बतीस सेर जितने की त्रावेगी कि .... उत्तर १६२) (१७) प्रस्त

तीन हाय चौड़ा और साढ़े स्क्लीम गज़ लम्बा बपड़ा अस्तर के लिये है और उस के अबरे की छीट का अरज़ डेढ़ हाथ है तो उस अस्तर के लिये कितनी छीट लेनी चाहिये?

उत्तर छोट गज ४३

#### (१८) प्रश्न

बारह हाथ लम्बा और उतना ही चौड़ा एक बिक्षीना बनवाना है उस में साढ़े चार हाथ चौड़ी दरी कितने हाय लगेगी ? .... जतर हाथ (३९

#### (१२) प्रश्न

यक रूपया पांच आने एक अठवाड़े में लगते हैं तो १२५ कितने दिनों में खर्च होंगे यहां एक महीना चार अठवाड़ी का माना है ? ... उत्तर महाने २३ अठवाड़े ३ दिन१३

#### (२०) प्रश्न

यक्र ज़मीदार के साल भर में १७३६) रूपयी की आमद है और रूपये पीछे ८०६ वर्ष पड़ता है तो साल भर में ख़र्च देके उसे कितने रूपये बचेंगे २ उत्तर १४३३-) पाई

#### ( २१ ) प्रश्न

देवदत ने यज्ञदत को २५० हमये सात महोने को बेव्याज़् दिये परंतु फिर देवदत यज्ञदत से ३०० हमये वे व्याज़ू चाहन लगा तो कहा वे तीन सो हमये कितने दिन रहने चाहियें जिस में उनका व्याज उतनाही हो जितना कि ढाई सो हमये का सात महीने में होता है ? .... उत्तर म० ५ अठ० इदि०२ दे

#### ( २२ ) प्रश्न

एक बज्जाज़ ने कपड़े की चार गठड़ियां सत्ताईस २ गज़के चार चार थान की माल लीं हर एक थान का माल २०) है माब सब माल को क़ीमत बतामो भीर कही वह कपड़ा क्या गज़ पड़ेगा रे .... .... उत्तर सब माल का मील ३२४)

#### फ़ी गज़ दाम ॥)

#### (२३) प्रश्न

बारह गिरह के गज़ से एक हज़ार गज़ कपड़ा ११२॥) की ख़रीदा अब उमको बोस गिरह के गज़ से बेचना चाहते और यह भी चाहते हैं कि सब मान में साढ़ बारह हपये नफ़िने बच जावें तो कहा फ़ी गज़ के क्या दाम हुये ? उत्तर 🔊 ४ पाई ॥

#### (६४) प्रश्न

१८२१) का १८ मन क्रतीस सेग् तील ख्रीदा उन में से दी मन पाच मेर कीज गया जब चाहते हैं कि बाकी मे १८६ रूपये उठजावें ता कहा वह तील क्या सेर बेचना चाहिये हैं उत्तर ।) हरू १४

#### (२३) प्रश्न

एक मन तेई म भेर घी ४१।) का ख़रीदा उस में कितनी कारू मिलानी चाहिये कि जिस से सेर भर घी की कीमत नी याने रह जाय ? .... .... उत्तर सेर १९८३

#### (२६) प्रश्न

तीय मेर बोभ ले जाने के लिये बीम कोम का भाड़ा १॥ देना पड़ता है तो १॥ ९६ का ८४ कोम के लिये क्या देना पड़ेगा १ .... उत्तर रू० १५॥ ८ १६॥

#### (६०) प्रश्न

यक मनुष्य तीन महीने में इतना कमाता है जितना कि चार महीने में वह खर्च कर सके श्रीर उसकी छ: महीने की कमाई १५०॥) है कहा साल भर में उसे क्या वदेगा ? उत्तर रु० ७५৮)

#### (२८) प्रश्न

यक्त साहूकार ने कपने काठितिये की माज़े जोड़ी ४०० की. गज़ी १६५० गज़ भेजी उन में से मोज़ो की दर फ़ी जोड़ी ड्राइ पाई कोर गज़ी की फ़ी गज़ / ३ पाई घी उसके पलटे में काड़ तिये ने खांड़ दाई द फ़ी सेर ८) द पाई की दर की चौर गुड़ १८॥६ फ़ी सेर / ४ पाई की दर का भेजा अब बताका कि किसको कितने का माल ज़ियाद: पहुंचा रे टलर स० ३०॥) ६ पाई का माल साहुकार का काइतिये की तरफ़ ज़ियाद: पहुंचा ॥

## ध्यवेक अनुगात ॥

बराधिक का वर्धन कर चुके अब आगे प्रसाधिक आदि अनेक अनुपातों का वर्धन करते है जैसे बैशिशक में तीन रार्धे जानी हुई होतों और उन से चौधी गांश जानी काती है वैसे ही पंचराधिक के प्रश्न में पांच रार्थे जात होतीं और उन से खठीं राधि जानी जाती है वहा पंचराधिक का इच्छा फल होता है॥

पराशिक के गिष्यत में तो तोनों राशें एक आड़ी पंक्ति में लिखी जातो हैं पर पंचराशिक के गिष्यत में पांची राशों का देर आड़ी पंक्तों में इस क्रम से लिखते हैं कि तीन टपर की पीक्त

में और दे। नीचली में हों प्रथन को राशों में देखी उत्तर किस जाति की राशि का आवेगा उसी जाति की राशि को उपर की पंति के तीसरे स्थान में खखो उसे प्रमाणकल जाना और चार शेष राशों में से यज जाति की दे। राशों को लेकर चैराशिक को रोति से अनुमान करलो कि उत्तर की राशि प्रमायफल से होटी आवेगी वा बड़ी, बड़ी आती दीखे तो जो यमजातिको देश रार्श ली है उन में से छोटी राशि को जपर की पंक्ति के पहले स्थान में और बड़ी की उसी पंक्ति के दूसरे स्थान में रक्की और छोटी प्राप्ती जान पड़े तो उन्हीं दें। राशा में से बड़ी को पहले में और छोटी को टूसरे स्थान में स्थापन करो इस प्रकार ट पर की पंक्ति में तीनों राशें अपने २ स्थान पे रखकर एक जा त की शेष दे। राशों को नीचे की पंक्ति में रक्को उनके रखने का क्रम यह है कि टानों वे और कपर वाली पंक्ति के तीसरे म्यान की राशि लेकर उन तीनों की बैराशिक की तीन राश मानलो इस वैराशिक में भी वसर अपरवाली पंक्ति की तीसरी राशि की जाति का जांना और कपग्वाली पंक्तिके पहले टुसरे स्थानवाली राशों से कुछ प्रयाजन मत रक्को फिर बिचार करके देखों कि यहां उत्तर अपनी जाति की राशि से अधिक आवेगा वा न्यून ऋधिक आता देखों तो शेष एक जाति की उन दे। राशों में से छोटी राशि को नीचे की पंक्ति के पहले स्थान में श्रीर बड़ी की टूसरे स्थान में रक्खी श्रीर स्वल्प श्राता दोखे तो बड़ी को दूसरी पंक्ति के पहले स्थान में श्रोर छोटी को दूसरे स्थान में रक्को इसी रीति से पंचराणिक की पांच राशों को दोनों पंक्ति में अपने २ स्थान में स्थापन करके जपर की पंति में दूसरे स्थान की राशि को तीसरे स्थान वाली राशि

से गुणा करदे। भीर उस गुणनफल को नीचली पंक्ति की दूसरी राशि से गुणा करके उसे प्रथम गुणनफल जाने।॥

श्रीर ऊपरवाली पंक्ति की पहली राशि को नीचली पंक्ति की पहली राशिसे गुवाकर उसगुवनफल का दूसरा गुवानफल माना ।

प्रथम गुणनफल में दूसरे गुणनफल का भाग देने से जो सिंबिय मिले वही पंचराधिक के प्रथन का उत्तर होगा परंतु प्रथम यह से। चलेना चाहिये कि जिन राशों के घात से भाक्य और भाजक हुए दे। नों गुणनफल वने हैं उन में से भाजक और भाजक की राशों में कोई दे। राशि तुल्य हों तो उन्हें निकाल खालों और भाजक की किसी राशि में जिस संख्या का पूरा भाग लग जाता हो उसी का, भाज्य की भी किसी राशि में पूरा भाग लगसके तो उन राशों में भाग देने से जो लब्धि मिले उन्हें इं उन राशों की जगह पर रक्की फिर भी संभव हो तो भाव अपने से भाजक की राशों में भाग देकर लब्धि ले लो जब जाने हैं कि भाज्य और भाजक के अवयवों की राशों में एक से सिवाय किसी और का भाग नहीं जा सक्ता उन्हें अपने से स्थान में रखकर पूर्व रीति से गुणा करके प्रथम और दूसरा गुणनफल बना लो।

भाज्य और भाजक के अवयवों की गशों में हीन उच्च-जाति का भेद हो तो प्रथम एक जाति करके फिर वनसे प्रथम और दूसरा गुगनफल बनाओं॥

#### (१) प्रस्त

जिस कुटुम्ब में ६ मनुष्य हैं उसके ख़र्चे में १२०) प्राठ महीने में लगते है तो इसी प्रमाग से जिस कुटुम्ब में २४ मनुष्य हो उमका १६ महीनों में क्या ख़र्च बैठेगा॥ यहां इन रूपयों का है इस से उत्तर में भी रूपये दावेंगे इसलिये रूपयों की संख्या १२० की उपर वाली पंक्ति के तीसरे स्थान में खबी ॥

ह श्रोर २४ देशिं मनुष्यों की संख्या हैं इस कारण ये एक जाति की हैं इन में मनुष्य मनुष्य रूपये देखी कि नो मनुष्यों ह : २४:: १२० प्रथम पंक्ति को ख़र्च से २४ मनुष्यों महीने महीने २४ का ख़र्च सिवाय पहें- द : १६ २८८० दूसरी पंक्ति गा इस कारण इनमें १६ वर्ष १६०० (६४० रू० की जार की पंक्तिके दूसरे स्थान में श्रोर २८८० हि १८८० हि १८८०

स्थापन करे। फिर ८ और १६ ये महीनों की संख्या हैं इन में भी बिवारों तो ८ महीनों से १६ महीनों में अधिक ख़र्च पड़ेगा इसलिये इन में से बड़ी राशि १६ की नीचे की पंक्ति के दूसरे स्थान में खोर छोटी ८ की उसी पंक्ति के पहले स्थान में रक्खी इस रीति से पांचों राणों की अपने २ स्थान में स्थापन कर लो अब १२० और २४ के गुक्तनफल २८८० की १६ से गुणा करने से हुए ४६०८० यह प्रथम गुक्तनफल हुआ।

ह को द से गुणा किया तो २२ हुए यही दूसरा गुणनफल हुआ फिर प्रथम गुणनफल ४६०८० में दूसरे गुणनफल २२ का भाग देने से लब्धि ६४० रुपये मिले यही उत्तर हुआ ॥

#### गशिलप्रकाश

## दूसरी रीति से उदाहरण ॥

E: 88:: (20)

$$\frac{80 \times 60 \times 60 \times 60}{5 \times 2 \times 2} = \frac{10 \times 2 \times 2 \times 2}{5 \times 2 \times 2} = \frac{10 \times 2}{6}$$

=६४० उत्तर के रूपये भये ॥

(२) प्रश्न

सेलह घोड़े नो मन दाना ६ दिन में दाते हैं तो २४ मान दाना सात दिन में कितने घोड़े खाउँगे ?

उटाहरण॥

**ट** : २४ : : १६

D: E

$$\frac{9x^2x^39}{0} = \frac{9x^2x^2x^2x^2}{6x^2x^2} = \frac{3x87x^39}{6x^3}$$

रपूर=इह<sup>8</sup> यही उत्तर हुआ।

## सहराशिक आदि की रीति ॥

सप्रशिक में सात राशें हात और आहवीं अज्ञात नव-राशिक में नी ज्ञात और दसवीं अज्ञात इसी प्रकार स्कादश राशिक में ग्यारह जात और वारहवीं अज्ञात होती है। पंच-राशिक की रीति से पांच राशों की रखकर उनसे सिवाय जा सप्रराशिक की और देा राशें एक जाति की है हन्हें तीसरी पंति में पूर्व ति रित से रक्षों नवराशिक हो तो उन से सिवाय जा और दो राशें हों उनको चौथों पंति में रक्षों और एकादशराधिक आदि में जो एक जाति की दो दो राशें बढ़ती जायं उन्हें नाचे २ की पंतों में रखते चले जाओं॥

सब पंक्तियों के दूसरे स्थान को राशों का घात करके उसे तीसरे स्थान को राशि से गुणा कर दे। वह प्रथम गुणनफल श्रीर प्रथम स्थान की राशों का घात दूसरा गुणनफलहोगा फिर पूर्वीक्त रीति से लब्धि लाहे उसर जाने। ॥

इन गणितों में भी भाज्य और भाजक के अवयवीं की तुल्य दी राशें आन पड़ें तो उन्हें निकाल डालो या उन में भागदेने को प्राप्ति हा तो भाग देलों और होन उन्नजाति का भेद हा तो एक जाति करलो।

#### (३) प्रश्न

सात गज लम्बे देा गज चौड़े पांच थान ७५ रुपयों के आते हे तो बैमे हो कपड़ के छः गज़ लम्बे तीन गज़ चौड़े तेरह थान कितने में आवेंगे ?

#### उदाहरण ।

घान ५: १३::७५ रु⁰

लम्बे ७: ६

चौड़े २: ३

#### (४) प्रश्न

२४ गज़ टीले की आठ जने ६ दिन में खोदते हैं तो अठारह गज़ टीले को तीन दिन में कितने मनुष्य खोदेंगे ? उत्तर मनुष्य १२

#### (५) प्रश्न

दे। मनुष्य बारह वांम लम्बी खाई छ: दिन में खोदते हैं तो ऋठारह जने वौदह दिन में कितने बांस खाई खादेंगे वि इत्तर २५२ बांस

#### (६) प्रश्न

हह सिपाही २५१ मन भेडूं २ महीने में खाते हैं ते। इस हिसाब से १४६४ सिपाही नौ महोने में कितने शेहू खावेंगे ? इतर ७०३॥८४ हिस्स

#### ( ७ ) प्रश्न

किसी मकान के फ़र्श में बारह हाय लम्बे और उतने हाय चीड़े १४० चौंक लगते है तो दस हाय लम्बे और आठ हाय चौड़े कितने लगेंगे ? ... उत्तर चौंक ६७२

#### (८) प्रश्न

दस घंटे के दिनमान में एक मनुष्य दस दिन में डेठ सी कीस जाता है, सेलह घंटे का दिनमान होगा तो वही मनुष्य तीन सो कोस के दिन में जाबेगा ? उत्तर दिन १२%

#### ( ६ ) प्रश्न

स्क गुड़ की भेलों सात मनुष्यों को बारह दिन के लिये होती है तो इसी प्रमाण से चौदह जनों को बरस दिन के लिये कितनी भेलियां चाहियें यहां इध्ध दिन का बर्ष जानी ? उत्तर भेलियां हु?

#### ( १० ) प्रश्न

् घंटे के दिनमान में पवास मनुष्य एक कुए की दस दिन में दि।दते हैं, इ: घंटे का दिन होगा तो १२० मनुष्य कितने दिनों मे योदेंगे ? .... .... राम उत्तर दिनध्र

#### (११) प्रश्न

यक गढ को शबु की सेना ने आदिरा उस में हज़ार मनुष्य थे और अठारह ढटांक के अनुमान से उनके लिये अठाईस दिन को सामान था परंतु ६०० मनुष्य उनके पास और आगये और उन सबों को ४२ दिन घेरे में रहना पड़ा कहा प्रति मनुष्य कितना २ याने को मिला हागा है .... उत्तर ढटांक प्हें

#### (१२) प्रश्न

क्ष: दरज़ी दम जोड़े कपड़े ४ दिन में सींव कर तैयार करते हैं तो बास टरज़ी सात दिन में कितने जोड़े कपड़े बनावेंगे ? .... .... .... उत्तर जोड़े ५८ है

#### ( १६ ) प्रश्न

क्ट: लेखकों की लिखाई के दाम २१ ऋठवाड़ों में हेड़ सी रुपये होते हैं तो चौदह लेखकों की लिखाई के दाम ४६ ऋठ-वाड़ों में क्या होंगे ? .... उत्तर रु० २६६॥) प्रपाई

#### ( १४ ) प्रश्न

यक मन चार छटांक पे हेठ सो कोम का भाड़ा ४ड्डा ४ पाई लगता है तो एक मन चौदह सेर एक छटांक पे ६४ कोस का क्या लगेगा है .... ... उत्तर रू० २७ २५० २५० २५०

#### ( १५ ) प्रश्न

२३० गज़ लम्बी ३ गज़ डांदी और दी गज के आनार की दीवार को २४८ मनुष्य ग्यारह घंटे के दिनमान के पांच दिनों में बनाते हैं तो ४२० गज़ लम्बी पांच गज़ डांची और तीनगज़ के आसार की भीति की २४ मनुष्य ६ घंटे का दिनमान हो तो कितने दिनों में बनावेंगे १ .... उतर दिन २८८ घंटे २ १३ दे

## अयभिन्नरीति

सम्पूर्ण पदार्थ का एक मान के जा उमके एक वा अधिक भाग लिये जाते हैं उनके जतलानेवाली संख्या को भिन्न कहते हैं उसका रूप एक आड़ी लकीर के जपर नीचे देा मंख्याओं के लिखने से मूचित किया जाता है जसा है है अ आदि जाता हम दोनों में से लकीर के नीचे की संख्या को हर वा छेद कहते हैं उस से यह बात जानी जाती है कि रूप वा सम्पूर्ण पदार्थ के उतने तुल्य खरड विये है और उपर वाली संख्याकी अंश वा भाग वा लव कहते हैं उम से यह जाना जाता है कि उस सम्पूर्ण पदार्थ में से उतने तुल्य भाग लिये है जैसा है इम से यह बात जानी जाती है कि किसी सम्पूर्ण पदार्थ को एक मान कर उस के तीन तुल्य खंड किये है और उन तीनों में से दी खंड लिये हैं॥

साधारण से भिन्न का अर्थ यह है कि एक चीज़ के जा तुल्य खरड किये हैं वे प्रत्येक भिन्न कहाते हैं जैसे एक बांसके तुल्य दो खरड करोगे तो प्रत्येक खरड आधा र तीन खरड करोगे तो तृतीयांश कहावेगा इसी तरह चौथा खरड चतुर्थाश पांचवां पंचमांश कठा षष्ठांश सातवां सप्रमांश आठवां अन्मांश नवां नवमांश येसेही दशवां म्य.रहवां सेलहवां तीसवां आदि जाने। ॥

समभित्र, विज्यभित्र, भागजाति, प्रभागजाति, भागानुबंध, मित्रभित्र, भित्रो की ये क: संज्ञा है ॥

(१)सम भिन्न उसे कहते हैं, जिस में हर से अंश छोटा हो।

जिसा है है है।

(२) विषम भिन्न उसे कहते हैं जिस में अंश और हर टोनों तुल्य हों वा हर से अंश बड़ा हो॥

जैसा पूर्व ११० त्राद एरंतु यह भी जानो कि जिसिभन्न में ग्रंश और हर दोनों तुल्य हो वह पूरे एक के तुल्य होगा॥

(३) भागजाति वह है जिस में एक हर और एकही श्रंश हो चाहे वह समभिन्न हो, चाहे वि.मभिन्न, जैसा ६१२

- (४) प्रभागजाति वा भागप्रभाग, भिन्न के भिन्न की सहते हैं ॥ जैसा है का है। दूं का है आदि ॥
- (४) भागानुबंध में पूर्णहूप और भिन्न मिला हुआ होता है ॥ जैसा ६१ ४० ६६ आदि ॥
- (ह) सिम्म भिन्न रसे कहते हैं जिसके हर और श्रंश दोनों या दो में से एक में भिन्न हो वा भागानुबंध हो। जैसा है वा के वा के भूवा के मादि

ξ<u>γ</u> 93

जिस संपूर्ध मंख्या का नीचे कोई हर न हो उसे भिन्न करना हो तो उसके नंचे यदा को हर करदेते हैं॥

भिन्न रंख्याओं क रूप भेदकरने की रीति। भिन्न रंख्याओं की रूपांतर होने से भिन्न का रूप भेद ही जाता है उसका देखने स्टाने आदि में काम पड़ता है।

#### प्रथमप्रकार ॥

#### लघुतम रूप बनाना ॥

भिन्न संख्या का लघुनम रूप करने की यह रोति है कि भिन्न के अंश और हर में किसी एक संख्या का निश्शेष भाग लग सक्ता हो तो लब्धि लेकर अंश की लब्धि को चंश, और हर की लब्धि को हर माना फिर भी किसी का भाग लगता देखी, तो भाग लेकर लब्धि ले लो; ऐसे हो चंश और हर में भाग देते चले जात्रा, जब तक कि उंश और हर ऐसे हो जावें कि उन में एक से सिवाय किसी सख्या का भाग नै लग सकी चही भिन्न, पूर्व भिन्न का लघुतम रूप होगा॥

#### ग्रायवा ॥

श्रंश और हर में से, जो कोटी संख्या हो, उस का बड़ी संख्या में भाग दो, जो शेव कच रहे, उसका कोटी संख्या में जो पहले भाजक थी, भाग दो और उसका को शेव बचे, उसका पूर्व शेव में भाग दो, इसो रीति से शेव का पूर्व शेव में, भाग देते चले जाओ जिस शेव का पूर्व शेव में निश्शेव भाग लग जाय उस संख्या का, भिन्न के संब और हर, दोनों में भाग देने से, भिन्न का लघुतम रूप हो जायगा यह अपवर्तन की रीति कहातो है। जिसका भाग देते हैं उसे अपवर्तन और जिन्हें भाग देकर लघु करते हैं उन्हें अववर्त्य कहते हैं।

#### १ उदाहरण ॥

 $\frac{988}{280}$  इस भिन्न का लघुतम हूप बताको ॥

 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (२)
 (

यही लघुतम रूप पहले भी बाया था।

#### २ उदाहरण ॥

(২) <sup>৪ুছ</sup> ং	इसकालगुतगरूपवतात्रोः—	- <del>्</del> डनर <sub>१5</sub>
(=) 150	तथा	à
(A) Box		-
$(8) \frac{9}{6} \frac{9}{6} \frac{9}{6}$	तथा	डतर <sup>पृष्</sup>
(a) 🛂 🕏 8	নখা	उत्तर <sup>६</sup> ३
(E) 8388 8486	নঘা	— उत्तर 🖁
(c) ARBE	নখা	——इतर है
(E) 980E	নঘা	उत्तर <sup>११</sup>
(S) 5639 76894	নযা	——इत्तर १३
(80) 82230		टतर १६
	दूसरा प्रकार ॥	

# भागानुबंध के रूप को सर्वार्णन करके विषम भिन्न के

ह्रप बनाने का रीति॥

भागानुबंध में जो रूप वा पूर्ण संख्या हा उसे भिन्न हे हासे गुणा करके, उस गुणनफल में, भिन्न का ग्रंश जोड़ दो, श्रीर उसयोग को श्रंश, श्रीर हर को छेद मान के, विषम भिन्न का रूप माना ॥

(१) वदाहरण २७ है इसका बिधम भिन्न ह्रुप कैसा होगा 🤉

२१ <u>₹४३</u> **२**४५ **२**४५ **७** उत्तर <u>६</u>

विषम भिन्न रूप से, भागानुबंध का रूप, वा पूर्व रूप बनाने का रीति॥

श्रंश में हर का भाग देने से के। लब्धि भिले, उस पूर्व संख्या की दाहिनी त्रार के। शेष रहे उसके नीचे हर रखते, लिख देते हैं, इस राति से भागानुबंध का हुए क्षेत्राता है।

(१) उदाः - हिंद इसका भागानुबंध में केसा हुए द्वागा ?

१६) ६८१ (६१ प्<sub>र</sub> उत्त**र** <u>६६</u> २१

9<del>4</del>

- (२) है इसका भागानुबंध में कैसा हव होगा ? ३०।
- (३) १२४५ तम्रा— उत्तरप्र<sup>१३</sup> २२
- (8) <del>३८४८</del> तथा उत्तर १८३ <del>११</del>
- (प) <u>भ्६०० तथा</u> उत्तर २३६ <del>२</del>५
- (ह) हर्१ह१३ तथा उत्तर १२०३ ११४ ५१४

## चौथा प्रकार ॥

#### प्रभागजाति के हृप को भागजाति के हृप करने की रीति॥

प्रभागजाति में पूर्ण संख्या हो वा भागानुबंध का हुए हो तो इसे दूसरे प्रकार की रीति से बिध्मिभिन्न कर लो फिर सब श्रंशों की आपस में गुणा करके एक संख्या कर उसकी श्रंश मानी इसी प्रकार सब हरीं के घात की संख्या की हरमानी श्रीर श्रंश के नीचे हर को रखने से जा होगा वही साधारण भिन्न का हुए होगा॥

इस से पहिले इस बात का ध्यान रक्को कि श्रंश श्रीर हर में जे। स्कसी दे। राशें हो उन्हें निकाल डालो तथा जिन दे! श्रंश और हर में किसी एक संख्या का पूरा भाग लगता हो तो भाग देके लब्धि को उनकी जगह रख लो फिर प्रभागजाति से साधारण भिन्न का रूप बनाओ।

ं (१) उदा<sup>० ६</sup> के है का है प्रभागजाति का **रूप भागजा**ति में कैसा होगा ?

$$\frac{2\times8\times66}{2\times8\times66} = \frac{626}{82} = \frac{8}{66} = \frac{1}{2}$$

#### त्रधवा ॥

$$\frac{\xi \times \xi \times c}{\xi \times 8 \times 99} = \frac{\xi \times c}{8 \times 99} = \frac{\xi \times c}{99} = \frac{8}{99}$$
यह उत्तर पूर्व के तुल्य ही स्नाया ॥

(₹)	<u>8</u>	का	3	****	तथा — इतर ह
(₹)	<u> </u>	का	<u>s</u>	••••	तथा — उत्तर है३
(8)	4	के	44 J	का <del>३</del> ····	तथा — उत्तर 🖁
(n)	3	9	का	<del>2</del>	तथा — उत्तर ११
<b>(</b> \(\xi\)	१२	<u>\$</u>	का	<del>3</del> 00 ····	तथा <del> उन</del> र 📆
(0)	90	9	के	्ट का <sup>भ</sup>	तथा — उत्तर्१४०

## पांचवां प्रकार ॥

जिन भिन्नों के हर अलग २ हो उनके ऐसे ह्र पांतर करने की रीति कि वे भिन्न अपने पूर्व ह्र पों के तुल्य बने रहें भीर उन सवों के हर, एक से हो जावें॥

#### शीत

कदाशित भिन्न में कोई पूर्ण संस्था, जा भागानुबंध, वा प्रभा-गजाति हो तो उन्हें पूर्वेक्त रीति से साधारक भिन्नकरलो, फिर प्रत्येक हर से अपना २ श्रंश छोड़कर शेष श्रंशों को गुणाकर दे। जो गुणनफल हों वे नवीन श्रंश होंगे श्रोर सब हरों के धात से जो संख्या होगी वह समस्टेद हुए हर होगा ॥

(१) रदाहरण  $\frac{9}{2} \frac{3}{4} \frac{8}{6}$  इनके येथे हृपान्तर बतान्नो कि सबों के यक से हर हो ॥

१×५×०=६५ यह नवीन अंग है का है ॥ ६×२×०=४२ तया ्रै का है ॥ ४×२×५≈४० तथा है का है ॥ २×५×०=०० यह समस्देद है॥

प्रश्न में कथित भिन्नी के तुल्य नवीन भिन्न ये हैं।

३५ ४२ ४० यही प्रश्न का उत्तर है।।

- (२) इ में ··· ·· तथा ··· उत्तर ··· ·· १० १२ १५ १५
- (३) <del>१११ ... ... तथा ... इस र ४ इस इस</del>
- (8) १२५० ··· तथा ··· उत्तर ··· १४४ १६० २४० २५२
- (४) र्वेश्वार र तथा... उत्तर्हर १३६६ २४० ५००

## समञ्बेदकी दूसरीरीति॥

िमिन्ना के समच्छेद करने की ऐसी रोति कि जिस में हूपां-हर लघुतम हो।

- १ लघुतम हर जानने की यह रीति है, कि जिन देा हरों का घात करी उनका बड़ा अपवर्त्तक निकाल लो फिर उस अपवर्त्तक का उन दोनों हरों के घात में भाग दो जा लब्धि मिले उसका और तोसरे हर का बड़ा अपवर्त्तक निकालो लब्धि और तीसरे हर के घात में उस अपवर्त्तक का भाग देकर लब्धि लेली और चौथा हर हो तो उस लब्धि और चौबे हर के साथ पूर्वांक्त क्रिया करो इसी रीति से अंत में जाके जा लब्धि मिले उसे ही लघुतम समश्कीद जानो॥
- २ लघुतम समच्छेद के लघुतम अंशों के लाने की यह रीति है कि लघुतम समच्छेद में जिस भिन्न के पूर्व हर का भाग देने से जो लब्धि मिले उस से उसी हरके अंश की गुणा कर देा वह उस भिन्नका नवीन अंश होगा ऐसे ही और भिन्नों के नये अंश जान लो और उन नवीन अंशों के नीचे समच्छेद वही होगा जो पहले लघुतम समच्छेद आया है।
- (१) उदा<sup>0</sup> हैं। हैं। इन भिद्धों के सदृश और भिन्न बताओं जिनकों हर तुल्य हों॥

$$\frac{8 \times 8}{2} = 8 \times \frac{8 \times 8}{2} = 9$$
 यही लघुतम समस्देद है ॥

$$\frac{98}{8} \times 9 = 6, \frac{98}{8} \times 3 = 6, \frac{98}{6} \times 9 = 90$$

$$6, 6, 90 \text{ if add with $g$, $g$, $g$, $g$}$$

#### गिवतप्रकाश

बहुत हुत हुत ये नह	बोन भिन्न उन	भिन्ना के ह्रपांतरहें॥
(*) 95) 9E ····	तथा—उत्तर	स्व रुर
(क्) १ के के प्र	तथा~उतर	"" वही बहा वह वह
(8) 2 3 4 2	तथा—उत्तर	34 80 40 43, EO EO EO EO SE 956 20 80 90 956 00 900 900 900 900 900 900 900 900 900
(A) 4 28 4 2	तथाउतर	408408 408 408408
(इ) १३५०१११०	तथाउतर	··· १६ ३६ ४० ४२ ३३ ३४ १८ ४८ ४८ ४८ ४८ ४६

### बठा प्रकार॥

### यक जाति के भिन्न के समान अन्य जाति का भिन्न बनाने को रोति॥

होन जाति को उच्च जाति करना हो तो उस हीन जाति के हर को उस संख्या से गुणा कर दो जिस संख्या का होन जाति में भाग देने से उच्च जाति होती हो और उच्च जाति से होन जाति करनी हो तो उसके श्रंशों को उसी संख्या से गुणा कर दो जिस से गुणा करने से वह होन जाति होती हो ॥

(१) उदा॰ पाई के हैं को रूपये की जाति के रूप में लिख कर बताओं।

(२) उदा॰ एक रुपये के हुँ भाग की पाई के रूप में लिखी

- (३) एक रुपये के प्रका पाई क रूप में लिखी उत्तर के
- (४) एक मन के ·· हैं को छटांक करके लिखो · उत्तर के
- (y) महीने की ·· १३ को दिन करके लिखो ·· उत्तर ६०
- (६) । **ड्र)**३ को रूपये के रूप में लिखी · · टनर है है
- (७) ऽद्या की मन के रूप में लिखी " " उत्तर देव

### सातवां प्रकार

### किसी भिन्न का मिश्रित नीच जाति में प्रमाण जानने की रीति॥

किसी जाति का भिन्न हो उसे उस संख्या से गुणा करी जिससे उसकी श्रासन्न होन जाति हो जाय और उस गुणनफल में हर का भाग देकर उस जाति की लिब्ब लेलो के। श्रेष बचे उसे फिर उस संख्या से गुणा करो जिससे वह अपने श्रासन्नकी होन जाति हो जाने उस में हर का भाग देकर उस जाति की लिब्ध लेलो, येसे जहाँ तक होन जाति मिले वहां तक करते चले जाओ और अन्त में शेष रहे उसके नं चे हर रख दे। उन सब लब्धों को क्रमसे रखने से प्रश्न का उत्तर होगा॥ (१) उदा० एक आने के भाग का होन जाति में प्रमाणवताओं

> ध १२ ०) ६० पाई <sup>८</sup> उत्तर हुया॥

(२) एक रूपये के हैं का हीन जाति में क्या प्रमाण होगा ?

### उतर 🗷)

- (३) एक मुहर के हैं के वया दाम होंगे ? इस प्रश्न में १६ रुपये की मुहर जानों .. . उत्तर इ॥)१० हूँ पाई (४) एक गज़के हैं का क्या प्रमाण होगा। ३० हा० १ मंगुलर रे

  - (५) यक पन्सेरी के है की क्या तोलहागी? उ०सेर १ छ० १४
  - (ह) एक मन के  $\frac{5}{\epsilon}$  का क्या प्रमाण होगा $\rho$  30सेर ३१ छ $^{0}$
- (o) एक दिन के 👸 का क्या प्रमाण होगां हस प्रश्न में ४ प्रहर का दिन मानो चोर <sup>५</sup> घड़ी का प्रहर .. उत्तर प्रहर २ घड़ो 🖓

### चारवां प्रकार

### भिष्यभित्र की साधारण भित्रके छए में करने की र्रात ॥

मित्रभिन्न के अंश वा हा में अथवा अंश और हर दोनों में भिद्र राशि हो तो अंश के हर से हर के अंश की गुणा करने से हर, और हर के हर से अंश के अंश को गुणा करने से श्रंश होगा व्नही अंश और हर से साधारण भिन्न का हूप बनेगा कदाचित् भंश सा हर में भागानुबंध हो तो पूर्वीत रीति से भागानुबंध को साधारण भिन्नके हुए में कर लो फिर उन भंग और हर से साधारण भिन्न बनाओ ।

#### अय भिन्न संकलन ॥

भिन्न संकलन में पहले भिन्नों के साधारण भिन्न और हीन एच्चजाति का भेद है। तो निकी भी एक जाति कर ला फिर इन भिन्नों के पूर्विक्त रीति से ममध्द्वेद कर के इनके अंशों की जाड़ दे। और उस योग के नीचे समध्द्वेद की संख्या का हर एख दो वहीं भिन्नों का योग होगा॥

इस बात पर भी ध्यान स्वको कि बड़े भागानुबन्धों, वा कई भागानुबन्धों और भिन्नों का योग करना हो तो उन भागानुबन्धों को पूर्ण संख्याची का चलग र योग करके शेष भिन्नों को समच्छेद करके चलग योग करो वह योग विषम भिन्न हो तो उस में से पूर्ण संख्या चलग करके पहले पूर्ण संख्या के योग में जोड़ दी और शेष भिन्न को भागानुबन्ध की नाई उस योग के दाहिनी चोर रख दी॥

(?) उदा० २<sup>२३</sup> इनका योग करके बताकी ॥

$$\begin{array}{c} \mathbf{e} \times \mathbf{8} = \mathbf{c} \\ \mathbf{e} \times \mathbf{e} = \mathbf{e} \\ \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \\ \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \\ \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \\ \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \\ \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \\ \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \\ \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \\ \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \times \mathbf{e} \\ \mathbf{e} \times \mathbf{e} \\ \mathbf{e} \times \mathbf$$

# केंद्रिन के योग्य ये भिन्न हुए एट्ट्र + एट्ट + ए

लचु समञ्चेद क्रिया से भिन्नों के ये द्वापन्तर दुए॥

$$= \frac{898}{886} + \frac{848}{804} + \frac{848}{809} + \frac{848}{809} = \frac{848}{886} + \frac{848}{809} = \frac{848}{809} + \frac{848}{809}$$

- (8)  $\frac{3}{5}$  और  $\frac{1}{9}$  का योग क्या होगा  $\frac{9}{1}$  .... उत्तर  $\frac{6}{35}$  (5)  $\frac{9}{4}$ ,  $\frac{9}{4}$ ,  $\frac{9}{8}$ , .... तथा .... उत्तर  $\frac{9}{4}$  (6)  $\frac{9}{4}$ ,  $\frac{9}{4}$ ,  $\frac{9}{8}$ , .... तथा .... उत्तर  $\frac{9}{4}$  (7)  $\frac{9}{4}$ ,  $\frac{9}{4}$  का  $\frac{9}{4}$  तथा .... उत्तर  $\frac{9}{4}$  का  $\frac{9}{4}$  तथा .... उत्तर  $\frac{9}{4}$  (8)  $\frac{9}{4}$  का  $\frac{9}{4}$  का  $\frac{9}{4}$  तथा .... उत्तर  $\frac{9}{4}$  (9)  $\frac{9}{4}$   $\frac{9$
- (१२) एक भटवाडे का है। एक दिन का है एक घंटे का है इनका देगा कहा .... ... उत्तर दिन २ घंटे १४ है
- (१३) ह $_0$  १५ का  $\frac{2}{5}$  ह $_0$  ३  $\frac{3}{5}$  ह $_0$   $\frac{3}{4}$  की  $\frac{4}{5}$  का  $\frac{4}{5}$  आ $_0$  का  $\frac{3}{5}$  का  $\frac{3}{5}$  का  $\frac{1}{5}$  क
  - (१४) मन  $\mathbf{E}_{q}^{g}$  सेर  $\mathbf{E}_{q}^{g}$  छटांक  $\mathbf{E}_{q\theta}^{g}$  इनका योग बताओ उत्तर मन ७ सेर १ छटांक  $\mathbf{E}_{q\theta}^{g}$

(१५) गज़ 👸 हाथ २ है गिरह 🧯 इनका योग बतात्रो 🖡 उत्तर गज़ ५ हाथ १ गिरह २ है

### भिन्न व्यवकलन की रोति ॥

संभय हो तो जिन भिन्नों का अन्तर करना हो पहले उनके समच्छेद पूर्वेक्त रीति से करलो और उन समच्छेद के भिन्नों कि अंशों का अंतर करके उमके नीचे समच्छेद की संस्था का हर लिख दो वहीं भिन्नों के अन्तर का प्रमाण होगा॥

इस बात पे भी दृष्टि रक्को कि बड़े भागानुबन्धों, वा भागानुबन्धों, वा भागानुबन्धों, वा भागानुबन्धों, वा भागानुबन्धों, वा भागानुबन्धों, तो उनकी पूर्ण संख्याओं का पहले अन्तर करके अलग लिख लो और पहली राशि के भिन्न का मान जिसमें से दूसरी राशि को घटाना है उस दूसरी राशि के भिन्न के मान से बड़ा हा, तो भिन्न संख्याओं के अन्तर को पूर्वोक्त पूर्ण संख्या के अन्तर में कोड़ दो और होटा हो तो घटा दो।

(१) उदा<sup>0</sup> 
$$\frac{3}{k}$$
 ऋौर  $\frac{9}{5}$  इनका श्रन्तर बताश्री  $\mathbf{n}$ 
 $3 \times 5 = 2$ ?

 $9 \times 8 = 2$ 0

 $3 \times 5 = 2$ 0

 $3 \times 5$ 

(२)  $\frac{2}{5}$  और  $\frac{3}{5}$  का  $\frac{2}{\epsilon}$ , इनका अन्तर क्या होगा।  $\frac{3}{5}$  का  $\frac{2}{\epsilon} = \frac{\epsilon}{5} = \frac{2}{5}$  और  $\frac{2}{5} = \frac{9}{5}$  इसलिये  $\frac{9}{5} - \frac{2}{5} = \frac{9}{5} = \frac{8}{5}$  यही उत्तर हुआ।

ŗ

- **(**E)
- (8)
- $\frac{\hat{c}\hat{s}}{\hat{v}_{\theta\theta}}$  त्र्योर  $\hat{s}$  इनका त्रम्तर बतात्र्ये उत्तर  $\cdots$   $\hat{s}$ (a)
- (इ) १६६ और १४ है इनका अन्तर कहो · उत्तर १५४ है
- (७) २१४ है और १६ का इंडनका भन्तर क्या होगा ? ਤਜਾ **੨**0? ਹੁਤ
- (c) । पाई ह १२६ और रूपया है इसका अन्तर बताओ उत्तर पाई क्रिक्
- (a) दिन २ घंटे १४% इनके योग में से दिन के स्रोर घंटे <sup>२</sup> इनका योग घटाने से क्या शेष रहेगा़ी उत्तर दिन २ घंटे द
- भा। में से रु<sup>0</sup> है और रु<sup>0</sup> में के का है और म्राने है का है दनका योग घटाया, तो क्या शेव रहेगा ? उत्तर रू० 🕖 पाई २ 🖁
- (११) सेर ३१ कटांक १३  $\frac{9}{5}$  में से सेर  $c_{ij}^{ij}$  छटांक  $\epsilon_{ij}^{ij}$ का योग घटाने से क्या शेष रहेगा ? उत्तर सेर २२ इटांक १२<sup>९</sup>
- (१२) गज़ ॥ हाथ १ गिरह ु में से हाथ २३ गिरह ूं, घटाने से, क्या रहेगा ? उत्तर गज ४ हाथ१

# भिन्नगुण्न ॥

गुग्य और गुग्रक के मिन्नों की, साधारण भिन्न करने की श्रावश्यकता है। तो पूर्वीक्त रीति में कर ली फिर उनके अंशोंकी श्रंशों से श्रौर हों को हों से घात करने से दो फल आवें उन्हीं को गुग्रनफल के अंश और हर जानी ॥

कदाचित् गुराय श्रोर गुराक में से एक पूर्य संख्या, श्रोर दूसरा बड़ा भागानुबंध हा तो पूर्य संख्या से भागानुबंध की पूर्य संख्या को श्रामान श्रोर भिन्न के श्रंश को गुरा करके उसे पूर्य संख्या मानो श्रोर भिन्न के श्रंश को गुरा करके गुरानफल में अपने हर का भाग देने से जो पूर्य संख्या मिले इसे पहली पूर्य संख्या में मिलाकर श्रेष भिन्न को उस संख्या के दाहिनो श्रोर रख दा वही भागान नुबंध, गुरानफल होगा॥

पूर्ण मंख्यात्रों का गुणनफल गुण्य और गुणक से बड़ा हाता है परंतु समभिन्नों का गुणनफल गुण्य और गुणक से कोटा होता है ॥

(१) उदाहरण भू श्रोर है इन्हें श्रापस में गुणा करके गुणनफल बतात्रा॥

$$\frac{8\times9}{10\times 10^{-2}} = \frac{98}{80} = \frac{98}{90} = \frac{9}{90}$$
 यही उत्तर हुआ।

- (३)  $\frac{9}{9\sqrt{9}}$  को,  $\frac{9}{8\sqrt{9}}$  से, गुणा करके कहा  $\cdots$  उत्तर  $\frac{9}{9\sqrt{9}}$
- (8) 8 को दे से गुणाकर बताओं ··· उत्तर है
- (५) २ के दें को दें से, गुमा तो क्या होगा ? उत्तर १ में
- (६) १३ का २५ से गुणा तो क्या होगा ? .... उतरइ२५
- (o) १०१७  $\frac{3}{4}$  को ३  $\frac{1}{2}$  से गुवाकर बताको .... उत्तर ३५६१ $\frac{9}{3}$
- (c) प्रको ध को १ से गुणाकरो .... उत्तर .... ४३१

- (a) वे हे को इंड के है से गुमा कर कहा उत्तर दहें
- (१0)  $8\frac{9}{5}$  का  $\frac{3}{5}$  स्त्रोर १८  $\frac{8}{9}$  इन का क्रम गुग्रन करके कहो .... ... ... ... ... उत्तर  $\frac{\xi}{980}$  (११)  $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{2}{8}$ ,  $\frac{2}{9}$ ,  $\frac{2}{9}$ , का  $\frac{3}{8}$  इनका क्रम गुग्रन करके
- ··· उतर ४<mark>३</mark> फल बताओ \*\*\*\*
  - $\mathfrak{P}_{2\overline{3}}^{2\overline{3}}$  का  $\frac{2}{5}8_{4}^{9}$  इनका गुग्रनफलकहे।  $\cdots$  उत्तर  $\mathbf{e}_{\overline{9}}$
  - (१३) १४६, हे का पूर्व इचका क्रम गुग्रानफल कहे। उ००२=
- (१४)  $(88\frac{5}{6}, \frac{9}{2}, \frac{9}{8}, \frac{9}{8})$  का  $\frac{9}{3}$ , इन्हें भी क्रम से गुणा कर गुणनंपाल वतास्त्रा ... ... ··· टलर ५१<u>१३</u>
- मुणनभान विश्वास्त्र कर् हैं।  $\psi_{\xi}^{0}$ , भ्रीर  $v_{\xi}^{0}$  का है इनका भी कम गुणनभान बताओं  $v_{\xi}^{0}$  को  $v_{\xi}^{0}$  को  $v_{\xi}^{0}$  का  $v_{\xi}^{0}$  का भी इनका भी कम गुणनभान बताओं  $v_{\xi}^{0}$  को  $v_{\xi}^{0}$  को  $v_{\xi}^{0}$  को  $v_{\xi}^{0}$  को  $v_{\xi}^{0}$  को  $v_{\xi}^{0}$  के  $v_{\xi$

# भिन्नभाग ॥

मंभव हा तो भाज्य श्रीर भाजक दोनों को पहले की, नाई भागजाति कर ला फिर भाजक के अंश और हर को उलटकर प्रार्थात् अंश को हर की जगह और हर की अंश की जगह रख कर भिन्न गुणन को रीति करो तो भिन्न भाग हर का फल मिल नायगा ॥

कदाचित् भाजक में पूर्ण संख्या और भाज्य में भागानुबन्ध हो तो भारय की पूर्य संख्या में पहले भाजक का भाग देली फिर भिन्न में भाग कर उसे पूर्जीलिटिय की दाहिनी श्रोर एक दो

- (१) उदा $_{0}^{8}$  में  $_{0}^{3}$  का भाग देने से क्या मिलेगा  $_{0}^{9}$   $_{0}^{8}$   $\div$   $_{0}^{3}$  =  $_{0}^{8}$  ×  $_{3}^{9}$  =  $_{0}^{20}$  यही उत्तर हुआ।
- (२) १३ के  $\frac{9}{9}$  मे  $\frac{3}{8}$  के  $\frac{2}{3}$  का भाग देने से क्या मिलेगा  $\frac{9}{8}$  का  $\frac{9}{9} = \frac{9}{8}$  का  $\frac{3}{8} = \frac{6}{9} = \frac{9}{8}$   $\frac{9}{8} = \frac{3}{8} = \frac{2}{9} = \frac{3}{8}$  यही लिब्ध हुई 8
- (६) 🖁 में 🖁 का भाग देने से क्या मिलेगा 🛭 उत्तर 🕏
- (४) ६ में ६ का भाग देने से क्या मिलेगा ? उत्तर है
- (y)  $\varepsilon_{\epsilon}^{q}$  में  $\omega_{\tau}^{q}$  का भाग देने से क्या मिलेगाp उत्तरर $\varepsilon_{\tau}^{q}$
- ( $\epsilon$ ) भ मे  $\frac{2}{10}$  का भाग देकर लिंदि बताओं उतर  $9\frac{9}{5}$
- (৩) ट्रेमें ४ का भाग देके लब्धि कहा --- उत्तर 🖫
- (c) र्हेक है में है के हैं का भाग देने से क्या मिनेगा? उत्तरह
- (ह) ५२०५ पूँ में ५२ का भाग टेकर लव्धि बताम्रो ॥ उत्तर ४३३,
- (१०) १०० में  $8\frac{5}{6}$  का भाग देने में क्या लंडिय मिलेगी  $\frac{9}{6}$  उत्तर  $80\frac{90}{36}$
- (११)  $\frac{2}{5}$  के  $\frac{3}{8}$  में  $\frac{1}{3}$  का भाग टेकर लिंड्यवतास्त्री उत्तर  $\frac{63}{68}$
- (१२)  $\psi_0$  के  $\frac{1}{4}$  में  $8\frac{1}{4}$  का भाग देने से क्या लांड्य मिलेगी .... उत्तर  $\epsilon_E^2$

# अय भिन्न त्रैराशिक की रीति॥

श्रिभित्न वैराशिक के गणित में जिस प्रकार से तीन राशों को स्थापन करते हैं उसी प्रकार से भिन्न वैराशिक में भी राशें स्थापन

को जाती हैं उन में जो राशि साधारण भिन्न करने के योग्य हो उसे कर लेते हैं फिर पहले और दूसरे स्थान की राशों को एक जाति करके दूसरे और तीसरे स्थान की राशों का धात कर देते और पहिलो राशि के हर अंश को पलट के जो भिन्न हो। उससे गुणनफलको गुणा करदेते हैं वही गुणनफल भिन्न चैराशिक के प्रश्न का उत्तर होता है पर यह बात भी जानरक्खों कि जिस जाति की तीसरी राशि होती है उसी जाति का उत्तर श्वाता है।

(१) ट्दा॰ गज़ $\frac{3}{\sqrt{2}}$  का मील रूपया  $\sqrt{2}$  है तो  $\sqrt{2}$  का क्याड़ोगा  $\sqrt{2}$ 

(२) अस्तर का कपड़ा है गज़ और उसका अर्ज़ २६ गज़ है और अबरे की क्षींट का अर्ज़ है गज़ है तो उस अस्तर के लिये कितनी कींट लेनी चाहिये ?

 $2\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \text{ where } 2^{2} = \frac{1}{2}$ 

- (३) ब्रेंगज़ को मोल हैं हिरो १२३ गड़ के क्यादाम होंगे । ... जतर रूपये आहे पाई ह
- (४)  $\frac{1}{\epsilon}$  मन का मोल  $8\frac{2}{\epsilon}$  रूपये है, तो  $8\frac{9}{\epsilon}$  सेर का क्या मिलेगा  $\frac{1}{\epsilon}$  ... जसर ॥  $\frac{1}{\epsilon}$  पाई $\epsilon_{\frac{3}{\epsilon}}$
- (४) यक मञ्जी गज़ भर लंबी और उतनी ही चौड़ी है उसकी चट्टर बनाने के लिये जो कपड़ा लेना चाहते हैं उसका

न्ना है गिरह का है तो वह चट्टर का कपड़ा कितना लेना चाहिये  $\frac{1}{2}$  .... उत्तर गज़ २० गिरह  $\epsilon_{3}^{3}$ 

- (६) यक नाय के माल के हैं भाग का मोल २०३८ पाई है तो उसी माल के हुई का क्या होगा ? उत्तर २२०॥८)पाईरहें
- (०) सेर है का मोल रुपये है है तो मन ६ सेर १६क है का क्या होगा ? .... .... उत्तर १४०) रुपये॥
- (c) १८ गज़ लम्बे स्रोर है गज़ सौड़े रक बरंडे के विद्धीने के लिये जो अपड़ा लेना चाहते है उसका सर्ज़ १ गज़ का है तो वह कितना लेना चाहिये ? .... उत्तर गज़ १४ गिरह २९ ॥
- (ह) बुद्ध माल में एक साफी का पूँ भाग या उस में से उस ने अपने पूँ भाग का भोल १०१०) रूपया पाया तो कही सब माल का क्या मोल होगा ? .... उत्तर ३८००) रूपये
- (१०) जब कि घो  $\nu$ ) सेर बिकता है वालूसाई  $\varepsilon_{\eta}$  है द्वटांक का बनता है अत्र घो  $\nu$  हपाई सेर हा जाय तो वह किलनी तोल का बनाया जायगा  $\rho$  .... उत्तर ....  $\varepsilon_{\eta 0}^{\eta}$  हटांक
- (११) कपड़ों के २४% गज़ लम्बे  $\xi_3^2$  घान ख़रीदे और फ़ी गज़  $|\mathcal{S}|$  पाई $\frac{1}{2}$  मोल है, तो सब यानों का क्या होगा  $\frac{1}{2}$  उत्तर रू०  $\xi$ २८) पाई  $\mathcal{S}_{5}^{2}$
- (१२)  $\mathbf{e}_{\frac{1}{2}}^{9}$  मन बोभ का भाड़ा  $\mathbf{e}_{\frac{1}{19}}^{6}$  कोस का,  $\frac{3}{180}$  हप्या है ता  $\mathbf{e}_{\frac{1}{2}}$  कोस पे सेर भर का क्या होगा  $\mathbf{e}_{\frac{1}{19}}$  ... उसर पाई  $\mathbf{e}_{\frac{1}{2}}$
- (१३) १३ गज़ के अर्ज़ की फ़लालेन दो मिर्ज़इयों में इंग्लं लगती है उसके अस्तर के लिये जी कपड़ा लेते हैं उसका अर्ज़ है गज़ है तो वह अस्तर का कपड़ा कितना लेना चाहिये ? .... उत्तर ह गज़

- (१४) दिनमान में १३ है घंटे के काखिद ३५ ई दिन में कलकत्ते पहुंचता है और दिनमान ११ ई घंटे का हो तो के दिन में पहुंचेगा है .... ... उत्तर दिन ४० है। प्र
- (१५) यक पलटन में १७६ त्रादमी है हर यक की कुरती के अपन्तर में १ है गज के अर्ज़ का कपड़ा २ ई गज़ लगता है और उम के जपर जा बनात लगाई जायगी उसका अर्ज़ है गज़ का है तो सब बनात कितने गज़ लेनी चाहिये?

उत्तर गज़ ४५३१ गिरह ६ 🖁

#### दशमलव ॥

भिन्न शब्द का अर्थ तोड़ा गया है और भिन्न से दुकड़ा वा दूटे हुए भाग लेते हैं जैमा जा एक बस्तु को तोड़कर उसके पांच दुकड़े बराबर के कों तो हर एक दुकड़ा पंचमांश एक अर्थात् पांचवां भाग होगा और यह पंचमांश एक भिन्न अर्थात् पक्क का दुकड़ा है इसी प्रकार और जानो जो एक रुपये के बगबर सोलह दुकड़े कों और उन में मे तुम चार ऐसे श दुकड़े ले लोतो तुम्हारे पाम सोलहवें दुकड़े चार अर्थात् हुई एक रुपये के होंगे और यह रुपये की एक कसर अर्थात् दुकड़ा है।

भिन्न के लिखने की यह रीति है कि दा राशि वा जात अंकों में से एक की आड़ी लकीर के जपर लिखते है दूसरे की उसके नेचे जपर के अंक की अंश वा भाग वा लब कहते है और नीचले अंक को हर वा छेद बोलते हैं॥

हर उस सम्बन्ध को जताता है जो खंडों को संपूर्ण के साथ है जैसे हैं में ४ श्रंक हर है वह इस बात को मूचन करता है कि मुख्य बम्तु वा श्रंक के चार सम भाग किये गये हैं जिस च ह द् स् व अब च-द ह-द द-स स-स तरह लक्षीर के चार सम भाग किये गये हैं॥

श्रंश उन खंडों की संख्या की जताता है जी सारे सम खंडों में से एक श्रंक के लिये हो जैसा मानों कि एक ख़रबूज़े को छह बराबर फांकों करें श्रोर जो एक लड़के से कहें कि तू इन में से तीन फांकों उठा ले तो वह लड़का उनकी उठाकर इस तरह गिनेगा कि पहली फांक एक पष्ठांश है होगी पहिलो श्रोर दूसरो फांक दो पष्ठांश है श्रोर पहिलो दूसरी श्रोर तीसरी फांक तोन पष्ठांश है होगी।

जपर के उदाहरण से यह बात निकलती है कि इस तरह के भिन्न में नीचला श्रंश श्रर्थात् हर नहीं पलटता है परन्तु जपर का श्रंक श्रर्थात् श्रंश हर एक न्यूनाधिक्य में पलटा जाता है ऐसे भिन्न हैं, है, है, है, है, है, है, है, है, है कि संशों में कोईसा श्रंक नियत श्रोर पलटा गया है उन की साधारण भिन्न कहते हैं।

परन्तु जोड़ने घटाने और गुणा भाग श्रादि की सरलता के लिये ऐसे भिन्न बनाये जावें कि जिनके हरमें श्रंक नियत श्रोर परिमित है। या जो सुगमता के साथ नियत परिमित है। सके हों उन भिन्नों को दशमलव कहते हैं श्रोर उनकी व्यवस्था यह है कि उनका हर सदा दस वा सो वा हजार श्रादि श्रर्थात् दस वा दस के कोई श्रथवर्ष्य पूर्णांक भी होते हैं॥

इस प्रकार के भिन्न में एक और लाभ यह है कि जो उसका हर नहीं मालूम होता है तो उसके लिखने को कुछ आकांचा नहीं रहतो है केवल अंशहो लिखा जाता है और जिस रीति से दशमलब का नियल हर मालूम होजाता है उपके द्वाराबहुत हो सुगमता से हर चात हो सक्ता है जब तुम १५ लिखते हो तो उस से पञ्चीच जर्थात बीस और पांच इकाई, चाहे दी दहाई और पांच इकाई जानी जाती हैं इसी प्रकार १४५ से एक सैकड़ा चार दहाई और पांच इकाई सममी जाती हैं साधारब यह है कि किसी अंश को बाई और एक १ स्थान बढ़ाने से उसकी संख्या दस गुनो अधिक होती चलो जातो है जीसे १ अंक के लिखने से एक इकाई समभी जाती है और जो इस १ के दाहनी और ४ का अंक लिख दिया जाने इस रीति से १ का अंक मानो बाई और को एक स्थान हटा दिया गया है तो एक का वह अंक एहिले के समान एक इकाई न समभी जायगा बरन एक दहाई ।

परंतु जिस दशमलव को जपर प्रसंग हो चुका है उसमें हर के लिखने की कुछ आवश्यकता नहीं पड़ता है (केंवल एकही गंक अर्थात् गंशही लिखा जाता है) इसलिये दशमलव को पड़ती है उसके दूर करने के लिये एक बिंदो ऐसी दशमलव के बाई जोर करदेते हैं जैसा १९५ इस से यह समक्षी कि १९५ दशमलव प्रयात् १२५ अभीष्ठ है न कि १९५ पूर्योंक और ११ से प्रयोजन है दशमलव एक न कि एक पूर्योंक जोर ११ से प्रयोजन है दशमलव एक न कि एक पूर्योंक वा केंवल एक इसी प्रकार १० से १००० अभीष्ठ है और १३९० से ३२० से १००० प्रयोंक केंदर से एक केंदर के केंदर के केंदर केंदर

पांच में स्थान होते हैं जैसा  $\cdot$  १२५ बराबर है  $\frac{9 \times 9}{9 \cdot 9 \cdot 0}$  के चौर  $\cdot$  ३२ बराबर है  $\frac{3}{9 \cdot 9 \cdot 0}$  के इसलिये ६८३४  $\cdot$  ३७६ इस संख्या में ४ के

चंक से जो इकाई के स्थान में है चार इकाइयां समकी जाती हैं और इ के ग्रंक से जो उसक बाई ग्रोर है तीन दहाइयां और इ के ग्रंक से जो 8 भीर दशमलव बिंदु के दाइनोग्रोर है दशवें भाग तोन हैं समभे जाते हैं इसी प्रकार बाई ग्रोर के ग्रंक ० से सात में कड़े और दाहनों ग्रार के ग्रंक ७ से सात मों में भाग ए०० ग्रोर बाई ग्रोर के ग्रंक ६ से छ: हज़ार और दाहनों भाग ए०० लिये जातें ह जैसे कि दशमलव बिंदु के दाहनी ग्रोर के ग्रंक को बाई ग्रार हटाने से हर एक स्थान के ग्रंक का परिमाण दश गुना बढ़ जाता है इसी प्रकार उसके बाई ग्रोर के हर एक ग्रंक को दाहनों ग्रोर को हटाने से हर एक स्थान में उसी हिसाब से घटता जाता है।

अब कभी तुम कहोगे कि यह तो मालूम हुआ कि १ को १ और १ के को १ ०५ लिखते है परंतु जो १ को को दशमलव में लिखना अभीष्ठ हो तो किम तरह से लिखे इस अवस्थामें ५ और दशमलव बिंदु के बीच में एक बिंदो देनी चाहिये जैसे १०५ क्योंकि पूर्वीत रीति से उसके हर में एक का अंक उतनी ही बिंदियों समेत होना चाहिये जितने कि अंश में स्थान हैं और जो उसमें दो स्थान हैं इसलिये उसका हर १०० होना और १०५ बराबर होगा १०५ के नेचे टदाहरणों से दशमलव का परिमाण अधिक स्पृत्र हो जावेगा (और यह कि चिन्ह बराबर का है) जो दो बस्तु बराबर हुआ करती हैं उनके ब च में यही चिन्ह लिखा जाता है।

$$66.\% \text{ in } 65 \frac{60}{\%} \cdot 6.6\% = 6 \frac{600}{6\%} \cdot 55 = \frac{600}{55} \cdot 055 = \frac{6000}{55}$$

$$\dot{\beta} = \frac{60}{3}, \quad 0000003 = \frac{600000}{6000}, \quad \frac{6000}{3}$$

$$\dot{\beta} = \frac{60}{3}, \quad 000 = \frac{600}{3}, \quad 000 = \frac{6000}{3}, \quad 0000 = \frac{6000}{3}$$

$$\dot{\beta} = \frac{60}{3}, \quad 000 = \frac{6000}{3}, \quad 0000 = \frac{6000}{3},$$

# दशमलवके योग की रीति॥

जिस प्रकार से पूर्णांकों के योग में इकाई के नीचे इकाई, टहाई के नीचे दहाई, सैकड़े के नीचे सैकड़ा, हज़ार के नीच हज़ार लिखा जाता है उसी प्रकार दशमलव में दशवें के नीचे हज़ारवें भाग लिखे जाते है और जब इस प्रकार क्रम से अंक लिखे जावें नाचे हाथ की और से पूर्णांक योग को रीति से जोड़ने का आरम्भ करो अर्थात् जो दशमलव बिन्दु से सब से परे दाहनी और के अंक है पहिले उनको और फिर इनके बाई और के अंकों को जोड़ते चलो जैसा इस नीचे के उदाहरण में लिखा है।

. हदम - ०५ - ०५ - ०५

इस रीति की गुद्धता के सिद्ध करने के लिये दो छोटी ? राशें र श्रोर प्रकल्पना करी श्रोर इनका जोड़ कपर को रीति के श्रनुसार प्रदेशा तो ज कि र= रुँशोर-४ व र्रंड है श्रीर जोड़ इन दोनों भिन्नों का कि है श्रीर कि की दशमलव में •७ लिखते हैं इप्रलिये • २ श्रीर • ५ का जोड़ •० छोक है उसी प्रकार • श्रीर • ३ को जोड़ो ॥

े हैं इतर इस स्थान में  $\cdot$   $= \frac{2}{90}$  और  $\cdot$  ३  $= \frac{3}{90}$  और  $\frac{2}{90} + \frac{3}{90} = \frac{9}{90}$  और  $\frac{2}{90} - \frac{9}{90}$  दशमलब में १ ९ कहा जाता है जैसा पहले लाभ हुआ था ॥

इह १-६६६५	<b>१८</b> २.	EOÁS	इन्ह-६३५४		
		9			
79	0				
80.8	1	₹	-86#		
<b>≒-</b> ⊏€ <b>₹</b>	₹	-0009			
≨o⊙∙ñ		१४३३	.00⊄≨		
•80 <i>⊃</i> á		300	<i>६०</i> ५∙ <i>६</i> ०५		
٠٣	E9 .	१८	•€Å⊅		
नोड़ो इ०	१८६ .	४३२	33.3		
<b>५ उदाहरम्</b>	६ उदाहर	ग ० ३	<sup>०</sup> उदाहर <b>ग</b>		
-૧૧૬	3€.590€	<b>€8.</b> ⊂888	६२० - ६६११		
	-00≤8	*=\$0H	₹08.₹ \$ <i>0</i> \$€		
1	₹0.€©	·10€3·	G\$9.3		
•oā	•80 <b>c</b> ñ	.0988	.0€३		
·es	₹.059	€0.00€	C.90		
जोड़ो ∙३१५	∌- <b></b> &a	5.59€	-00€		
१ उदाहरण	२ वदाहरण	३ उदाहरा	४ उदाहरण		

# दशमलवके अन्तर की रोति ॥

पहले अंकों की वैमेही क्रम से लिखी जैसा कि जोड़ में वर्णन हा चुका है और दाहिनी कोर से पूर्णोंकों की तरह घटाने का आरम्भ करो और जो जपर के अंक का स्थान नीचे के अंक के स्थान से कम हा तो जपर के अंक में उतने बिन्दु दे दो जिस से नीचे के अंक के स्थान के बराबर जपर के अंक में स्थान हाजावें फिर साधारण घटाने को रीति से घटाते चली ।

#### स्दाहरण N

(१) प्रश्न .00३ में में .00२८१०६ की घटाओ .0050000 3092900 -000१८२४ उत्तर ६ इ१६ में से २ १८४ को घटात्रा **(**₹) モ・きゃぎ S 628 ४.१३२ उत्तर (3) ४१३<sup>0द</sup> में से ४७२ को घटाओ 86 ≨0≥ 805 ३६.५८८ उत्तर (8) ०.०=४ में से २.८४७को घटा**यो** ४ २३७ उत्तर

- (१) प्रश्न ८१-५ में से ४१-०८२ को घटाणी उत्तर ४०-४१८
- (२) प्टश्हिस में से ३६५ को घटाम्रो उत्तर

-4668

- (३) ह.५०८ में से .२००८ को घटात्री उत्तर १ ४०७२
- (४) ६.५ में से इ.००६०५ को घटात्रो उत्तर

**₹**∙88€**₹**9

(५) ४२५ में से ४२६ को घटाची उत्तर <sub>528.908</sub>

### दशमलवगुणन ॥

श्रंकों को जपर की तम्ह क्रम में लिखकरके पूर्णकों के समान ग्रान करों और मुग्रन फल में उतने स्थानों के बाई और दशमलव बिन्दु म्बखों जितने कि गुग्रय और गुग्रक दोनों में दशमलव स्थान मिलकर हुए हों और जा गुग्रनफलमें उतने स्थान न हों तो गुग्रनफल के बाई और उतने बिन्दु रख दो जिस से अभीष्ट स्थानों की संख्या पूरी हो जावे फिर उतने स्थान गिनकर बाई और को टशमलव बिन्दु रख दे। ॥

# द्भुसरा भाग

#### उदाहरण ॥

```
(१) प्रश्न २४ को ६५ से मुणा नरी
                    ·88
                    -EA
                    990
                   488
                  -१५६० उत्तर
( २ ) "হন
                  -०२ को -०४५ से गुणा करो
                         .00
                         .08y
                          90
                         E
                     -00020 उत्तर
( १ )
                 £00 को .00E से गुणा करो
                         800
                         3000
                        ८.१०० उत्तर
(8)
                  ∙०७४ को ∙०५२ से गुणा करी
                          ·058
                          -09₹
                          88¢
                         ∌60
                      -00३८४८ उत्तर
```

- (१) प्रश्न ८४ को -८४ सेगुबाकरो--- उत्तर -००५६
- (२) २७- ००४ को ३६-०२ से तथा --- उत्तरह७२-६८४०८
- (३) ७. ००१ को .00१ से तथा ··· उतर .00000१
- ( ४ ) .८०३ को .००८ से तथा ... उत्तर .०६४२४
- ( ५ ) .४७६८ को .००६१ से तथा ... उत्पर.००३६००४८

#### रोति॥

चा किसी दशमलब को १० वा १०० वा १००० से गुणा करना चभीष्ठ हो तो गुण्य में दशमलब बिन्दु के दाहिनी चोर उतनी बिन्दी रक्खो जितनी कि गुणक में हो वही गुणनफल चभीष्ठ होगा॥

# दशमलव भाग की रीति॥

जिस प्रकार पूर्णां के में भाग लेते हैं उसी प्रकार दशमलव में भी भाग लो और लिब्ध में उतने स्थान भिन्न के न्यारे कर-लो जितने कि भाज्य में भाजक से ऋधिक हों जो भाज्य की श्रोचा भाजक में भिन्न के स्थान ऋधिक न हों तो भाज्य की दाहिनी और जितनो बिन्दियां ऋभीष्ट हों उतनो रख लो।

लब भाउय और भाजक में भिन्न के स्थान बराबर हों तो लिव्ध पूर्वाक होगी निदान लिब्ध में उतनेही स्थान भिन्न के होगे जितने कि भाष्य में भाजक की अपेदा अधिक हैं।

#### रोति॥

(१)

र-५८१६ में ४० का भाग दे।

४०) र-५८१६(५४३

रइ५

१८८

४०६

४०६

४७३

१३

इस उदाहरण के भाज्य में भाजक की ऋषेचा तोन स्थान भिन्न के ऋधिक है इसलिये लिब्ध में भी तीन स्थान भिन्न में न्यारे किये गये॥

(२) .c08 में १८ का भाग दो
१८) .c08 में १८ का भाग दो
१८) .c08 में १८ का भाग दो
१८)
१८ ६४
१८ इष्टलिंब्य .088

इस उदाहरण में भाज्य के भिन्न के स्थान भाजक की अपेदा तीन अधिक है और लब्धि में केवल देाही स्थान आये और भाग की रीति के अनुसार उस में तीन स्थान भिन्न के आने चाहियें इसलिये उसके बाइँ और एक बिन्दी लिख करके दशमला बिन्दु लिख दिया जिससे तीन स्थान होगये।

(9)	४ ८४ में १-४ का भाग दे।	<b></b> उत्तर	がかん
(ع)	्रदश्य-१४० का भाग दे।	··· उत्तर	१.१००८६
(÷)	<b>५-४२ में१-२</b> ५ का भाग दे।	···· उत्तर	४∙३इ६
(8)	·00? में ६ का भाग दे।	····	-000१इ
$(\mathfrak{h})$	१ में -१ का भाग दे।	··· उत्तर	90
(€)	·00८१में ·00८६ का भाग दे।	उत्तर	• <b>⊂≤</b> ññ
(0)	०में ००६५ का भाग दे।	··· उत्तर	₹000

#### रोति ॥

जो किसो दशमलव में १० वा १००, वा १००० का भाग देना स्थाप हो तो भांजक में जितने बिन्दुं हो उनके सनुमार भाज्य में दशमलव बिन्दुं को एक वा दो वा तीन स्थान की बाई और कना दो वहा लिख सभीष्ट होगी ॥

# दशमलव को साधारण भिन्न में लाने की रीति॥

जिस दशमलव की साधारण भिन्न में लाना हा उसकी अंश मान के उसके नीचे हर के स्थान में स्क का अंग लिखे और उसके उपमलव में स्थान हों ॥ जैसे १५ दशमलव की साधारण भिन्न में लाना हा तो ५ के अंक की अंश के स्थान में लिख कर उस के नीचे एक आड़ी लकीर इस तरह की ५ खींची और उस के नीचे हर के स्थान में एक का अंक लिख-कर उसकी दाहिनी और एक बिन्दी दे दे। इस प्रकार से १० यहां एक बिन्दी इसलिये दो है कि इस दशमलव में केवल एक ही स्थान है इसी प्रकार और भी जानी ॥

साधारण भिन्न के जांग के स्थानमें दशमसव की लिखने में दशमलव बिन्दु जोर दशमलव के पहले जांक के बीच में को सब बिन्दियां लुप्न है।जाती हैं॥

जैसे .भ = 
$$\frac{y}{y}$$
.०५ =  $\frac{y}{y\cos y}$ .००५=  $\frac{y}{y\cos y}$ .०००५=  $\frac{y}{y\cos y}$ 

# नीचे के दशमलवों को साधारण भिन्न में लाञ्चो

### प्रश्न

(१) .११४, (२) .२५, (३) .००६, (४) .६२५, (५) .०८ उत्तर

$$(9) \frac{9000}{9000} (8) \frac{900}{80} (8) \frac{9000}{8000} (8) \frac{9000}{8000} (8) \frac{9000}{8000} (8) \frac{9000}{8000}$$

# साधारण भिन्न को दशमलव में लाने की रीति॥

साधारण भिन्न के श्रंश मं उसके हर का भाग देते जान्नो न्नीर भान्य त्र्रथात् श्रंश में भाग न लग सके वहां बिन्दी लगाते जान्नो जहां तक कि उसमें भाजक त्र्रथात् हर का पूरा भाग बिना बाक़ी के लगजाने और जितनी भान्य में बिन्दि प्रांर क्षी हों उतने ही लिंड्य में दशमलन के स्थान जानो जैसे पूर्व साधारण भिन्न को दशमलन में लाना त्रभीष्ट हो तो स्में ए का भाग दो पर र में ए का भाग नहीं लग सला इसलिये र के त्रांग एक बिन्दी देने से २० हुए त्रन इस में ए का भाग दो तो ४ लिंड्य होंगे और क्योंकि भाज्य में केवल एक ही बिन्दी लगाई है इस से लिंड्य में दशमलन का एक हो स्थान होगा दमलिये ४ लिंड्य निकली ॥

इसी तरह १००० को दशमलव में लामा हो। तो १००० हर को भाजक और १ अंश को भावय मानकर और यक के आगे तीन बिन्दियां लगाकर १००० में १००० का भाग दो। तो यक लब्धि होगा परन्तु भावय में तीन बिन्दियां लगाई हैं इसलियें लब्धि में तीन स्थान होंगे पर उसमें केवल स्कही स्थान है इस से तीन स्थान करने के लिये उसकी बादें और दो बिन्दी धरकर दशमलव बिन्दु रखने से ०००१ अभीष्ट उत्तर आकेगा॥

#### **उदाहर्य।**

 $\frac{3}{y} = \cdot \xi, \frac{\xi}{9\xi} = \cdot 69, \frac{800}{800} = \cdot \xi 69, \frac{9}{800} = \cdot 609, \frac{9}{800} = \cdot$ 

98 9 E R E 3 D 9

#### उत्तर

.85. '6600' '66000' '62' '82' '62' '6600ñ' '6600' '65

बाज़े स्थान में ऐसा संयोग पड़जाता है कि भाज्य में अनन्त बिन्दियां लगाते जाओं कि लिंब्य पूरी निकले और कुछ बाज़ी न रहे पर तो भी सदा पहले अंक के पीछे लिंब्य में ६ अदि बाज़ी में ४ आदि आते हो जावेंगे भाग पूरा न होगा ॥

नेसे ह) १००००००००००००

? E E E E E E E E E E E-4

येसे भिन्न को त्रावर्त दशमलव कहते हैं और जो एक या अधिक त्रंक फेर रुत्राते हैं उस को एक ही बेर लिखी जपर विन्दी दे देते हैं जैसे १९०००ं १०ं इत्यादि इस से यह सूचित होता है कि ये बिन्दो वाले अंत्र इसी क्रम से सदा चले आते हैं॥

लब्धि में देा वा श्रधिक श्रंक इस रोति के कई बार लगा-तार श्रावें तो उनके श्रादि श्रोर श्रंत के देा श्रंकों के उत्पर एक र बिन्दी श्रावर्त के चिन्ह की कर देते हैं जैसे हुई को जे।

२२) ६००००००००=-४०६०६०६० इत्यादि

-४०६ इस रीति से लिखते हैं ॥

साधारण भिन्न को दशमलव लाने में दशमलव जे बहुया चारही स्थान लिये जाते हैं जैसे हुउँ यदािष बराबर हैं . ००४६८०५ के परन्तु ब्यवहार में इस भिन्न के केवल चारही ग्रंक . ००४६तक लेते हैं इस में दश हज़ारवें हिस्से तक की शुद्धता होजातीहै।

# उचजाति के भिन्न को नीच जाति के भिन्नों में लाने की रीति॥

श्रर्थात् नीच जाति की संख्या में दशमलव के मान निश्चय करने के वर्णन में। कल्पना करो कि ११-२ मेर है श्रव प्रकट है कि इस राशि से ११ सेर पूरे श्रीर एक सेर के २० मूचित होते है परंतु एक के २० में कितनी कटांक है इस बातके निश्चय करने के लिये नीचे रोति लिखते है॥

#### रोति॥

जिस बड़ी जाति के दशमलव का मान निकालना हो उस से छोटी जाति की जितनी संख्या के बराबर उस बड़ी जाति की एक संख्या पूरी होती हो उसी संख्या से उक्त दशमलव को गुम देा और पहले दशमलव के जिनने रथान हों उतने- ही गुणनफल में से न्यारे कर लो, वह नया दशमलव उसकेटी जाति का होगा फिर इस दशमलव अर्थात् उस गुणनफलकीमिन्न संख्या को उस संख्या से गुणाकरो जितनी कि दूसरे स्थानकीक्षेटी जाति की संख्या पहले स्थान अर्थात् उस गुणनफलकी एक संख्या के बराबर होती हो और पहली रीति के अनुसार भिन्नके स्थानी को न्यारा करले। और इसीप्रकार करते चलेजाओ जहां तक कि सब से कोटे स्थान की जाति न बाजावे॥

जैसे व्हिश्रमम का मान निश्चय करना है यहां व्हिश् की 80 से गुख दिया (80 से इस लिये गुखते हैं कि 80 सिर का एक मन होता है) और मिन्न तीन स्थान न्यारे कर लिये (क्योंकि पहले मिन्न में तीनहीं स्थान भिन्न के थे) तो इर ६०० गुखनकल हुआ इसमें इर सेर पूरे और बाक़ी अर्थात् ६००, सेर का भिन्नहें जी किसी प्रकार छटांकों के तुल्य हैं॥

फिर कि को १६ से गुणा किया (क्योंकि १६ छटांक का एक सेर होता है) और भिन्नके स्थान न्यारे करलिये तो ६-६०० •द१५ मुख्यभिन्न

80 पहला गुग्रक

द२६०० गुग्रानफल

द२६०० यहां छोटी जाति

पहले स्थानी सेरीं

को न्यारा करने के

पीछे निकली

६०० दूसरा गुग्रय
१६दूसरा गुग्रय
१६दूसरा गुग्रमफल

६-६०० यह छोटी जाति

दूसरे स्थानी छटांकीं
को न्यारा करने के

पीछे निकली ॥

गुगानफल हुआ इस में ६ छटाक पूरी और एक छटांक का है 00 या ए हैं हुआ यहां ६ के उपर दोनों बिन्दियां रखनी कुछ अवश्य नहीं॥

अब छटांक के भिन्न के तोले निश्चय करने अभीष्ट हों तो •६०० को १ से गुणा करो क्योंकि १ तोले की एक छटांक होती है गुणनफल ६००० में से भिन्न के स्थानों को न्यारा करने से ३ तोले निकलेंगे और कुछ कसर बाक़ी न रहेगी इसलिये एक मन का •६१५ बराबर है ३२ सेर ६ छटांक और ३ तोले के इसी रीति से नीचे के उदाहरणों को भी फैलाओ॥

#### उदाहग्य ॥

(%)	. <sub>ट</sub> ण् एक	रुपये काब	रावर हैं	୧୧ ବ	म्राने के
(२)	·ño	নত্থা	নথা	5	तथा
(₹)	źń	নখা	तथा	8	নঘা
(8)	.458	নখা	तथा	₹	तथा
(ā)	·0£\$9	নত্থা	নখা	8	तथा
(ξ)	• \$ <i>≥</i> 0\$	तथा	तथा	3	तथा
(o)	-4	एक बोघे व	ता वराबर है	हे दिवस	वे के
(c)	<b>€</b>	নখা	নখা	१२	तथा
(3)	-0g	तथा	तथा	१६ बिस	वांसोके
(40)	-ક્રફ	एक मन का	নখা	90	सेरके
(88)	•ર્ગ	तथा	तथाः	£0	নয়া
(१२)	<b>.</b> ⊑	নঘা	নিয়া '	\$P	तथा
(१३)	·00ħ	तथा	तथा	3	নথা

#### प्रश्न

### नोचे के भिन्ना का मान निश्चय करी ॥

(9)	3.	मन	(o)	.20	बीघे
(२)	3•	सेर	(=)	<b>-६</b> २५	विस्वे
(F)	<b>.</b> €€	छटांकें	(3)	•ই	<b>ज्</b> रोब
(8)	-१२५	स्पये	(90)	• <b>£</b> ñ	जरोब
(8)	.0	रूपये	(99)	• <i>0</i> ñ	गट्ठे
(ξ)	٧ۼ٠	प्राने			

### कोटी जाति के भिन्नें को बड़ी जाति के भिन्नें। में लाना श्रायति नकद, श्रोर वज़न, श्रोर पैमानों के दशमलव बनाने की रीति॥

करें १२ माने ४ पाई को एक रुपये के टुकड़ों मर्थात् एक रुपये के दशमलव में लिखे चाहा तो उसकी रीति यह है कि ज्ञात संख्यामों को जपर तले इसक्रम से लिखे कि छोटी जाति की संख्या जपर, मोर उस से बड़ी जाति की संख्या नीचे हा जिस से कि सबसे बड़ी जाति की संख्या मब के नीचे हा जैसे जपर के उदाहरण की चात संख्यामों को १३ इस रीति से लिखे। फिर छोटी जाति की, मर्थात् संब से जपरी संख्या में उससंख्या का भाग दो जितनी कि उस छोटी जाति की संख्या बड़ी जाति की संख्या के बराबर होती है इस उदाहरण में सब से जपरी मर्थात् सब से छोटी जाति की संख्या में सब से जपरी मर्थात् सब से छोटी जाति की संख्या ४ पाई है उस से बड़ी जाति माना को है मोर एक माना बराबर है १२ पाई के इसलिये ४ में १२ का भाग देकर लिख को दूसरी पंक्ति में

लिखी हुई १२ संख्या के आगे दाहिनी और दशमलव बिन्दु रखकर इस रीति से लिखा॥ १२) ४ १२-३३

इस उदाहरण में प्रकट है कि दशमलव को लब्धि श्रावर्त है ऐसे विषय में श्राधन्नता के श्रनुसार व्यवहार के लिये भिन्न के केवल चार या कम बढ़ स्थान लेते और कोई बड़ा हिसाब करना हो जिसमें कि थोड़ासा भी खूट जाने से बड़ी चूक के रह जाने का दिह हो तो द चाहें १० वा अधिक स्थान तक इस दूसरी पंक्ति की पूर्श संख्या में जी कि ਕਰਾ ਜੇਨੇ पहले से ... े ै गैर भिन्न के स्थानों की संख्या में भी जा कि पहली पंक्तिकी लब्धि से मिली है पहले के अनुसार उस संख्या का भाग दे। जितनो कि इस दूसरी पंक्ति की छोटी जाति की - संख्या अपने से बड़ी जाति की संख्या के बराबर होती है श्रोर लब्धि को तीमरी पंक्ति में दशमलव बिन्द्र की दाहिबी श्रोर लिखो इसी तरह करते चले जाग्रो जहां तक कि सब से बड़ी जाति की संख्या तक पहुंची या जिस के दुकड़ी अर्थात् दशमलव में इन सब छोटी जातों का भाग देना अभीष्ट्र था। जपर के उदाहरण में टूसरी पंक्ति की संख्या में १६ का भाग दे। क्योंकि वे आने हैं और १६ आनेका एक रूपया हाता है ॥

पाई
सब की यह सूरत १२) ४

आना

१६) १ २-३ ३ ३ ३

रुपया • ७७०८ तथा १-७५

श्रर्थात् १२ श्राने ४ पाई बराबर हैं एक रूपये के .०००० दशमलव के। जपर जा विस्तार पूर्वक रीति लिखी है उसका वर्षन संदोप श्रीर सरलता से इस तरह हो सक्ता है।

#### रीति॥

छोटो जाति की जितनो संख्या अपनी से बड़ी जाति की पक मंख्या के बराबर हो तो उतनी संख्या का छोटी जाति की संख्या में भाग देने से बड़ी जाति का भिन्न हो जाता है, भाग देने में लिंड्य पूरी न मिले तो मनमा जितनी चाहें बिन्दो रख लेते हैं बड़ी और छोटी जाति कि में में न भी कई और औसत दर्जे की जातें हो ता छोटो से आरम करके बीच के स्थानों में भी इसी प्रवार करते चले जाओ जब तक कि उस बड़ी जाति तक न पहुंचो जिस के भिन्न का मान निश्चय करना अभी हु है।

#### उदाहरण ॥

(१) ५ आने ८ पाई की रूपये के दशमलव में लाओ ॥ १२) ८.००००० १६) ५.६६६६६ उत्तर २३५४१६६ •३५४१६६

- (२) १५ सेर ६ छटांकों की मन के दशमलव में लाखो ॥ १६) ६-०००

### दूसरा भाग

(४) १५ गट्ठों को जरीब के दशमलव में लाम्रो॥ ६०) १५ -000 -ऽ५ उत्तर

(c) ३ बिस्वे १५ विस्वांसी की बीघे के दशमलव में लाग्रो .... तथा २९८७५० (ह) १० तथा १८ तथा तथा .... तथा २८६५० (१०) ० १४ तथा तथा .... तथा २८६५० (११) १७गट्टींको जरीबके दशमलवमें लाग्रो तथा २८५ (१२) ३५ तथा तथा .... तथा १८७५

# श्रथ घातिकया का प्रकार ॥

यकही या तुल्य संख्याओं के घातको घातिकया, और जैबेर उन तुल्य संख्याओं का घात करें उस संख्या के अंक की घात-प्रकाशक बोलते हैं, जैसा तुल्य दो संख्याओं के घात से वर्ण होता है उसका घातप्रकाशक र है और तुल्य तीन संख्याओं के घात को घन कहते हैं उसका घातप्रकाशक ३ है येसे ही चतुर्घात पंचघात आदि के घातप्रकाशक ४ । ५ आदि होते है ॥ जैसा ४×४=४ ९६=४ के वर्ण के और ५×५×५ = ५ ९२५ = ५३ के घन के यहां अंको २ का और ५ पर ३ का अंक है वे घातप्रकाशक है।

# वर्ग करने की रीति॥

किसी इष्ट संख्या को उसी इष्ट संख्या से गुणा करने से जे। गुणनफल होता है वही वर्ग कहाता है ॥

तुल्य दे। इष्ट मंख्यामी के घात से जो गुगानफल है। उसे फिर उसी इष्ट संख्या से गुगा करने से जो गुगानफल है। उसे घन कहते हैं।

उसी इष्ट संख्या के घन को फिर भी उसी से गुगा दे। तो चतुर्घात अर्थात् वर्ग वर्ग होजायगा रेसेही पंचघात आदिजानी॥

(१) उदाहरण, १३ का वर्ग बताकी॥

93

4.5

36

**?**3

१३ का वर्ग १६६ यही उत्तर भया॥

# (२) उदाहरण १६ का घन श्रोर चतुर्घात बताश्रो । 39 39 909 39 ३६१ वर्ग १६ गुग्रव 3885 इद्दर ६८५६ घन हुन्ना १६ गुगक १६७१३ そこれを १३०३२१ यह १६ का चतुर्घात हुआ। n (३) ०५ का वर्ग बताची ... उत्तर ... ५६०५ (४) ररहका वर्ग ऋहो .... उत्तर .... ४९७२६ (४) २५ का घन क्या होगा ··· उत्तर ··· ४२१८७५ (६) ३५ का घन वतात्रो ··· उत्तर ··· ४२८७५ (७) २२३ का घन कहे। .... उत्तर ....११०८६२६० (८) है का चतुर्घात कहे। .... उत्तर .... ६१६ (६) ११ का पंचघात कहा ---- उत्तर ---- १६१०५५

### मूल क्रिया ॥

घात क्रिया की बिलोम मूल क्रिया होती है उस से इष्ट संख्या का बर्ममूल, घनमूल श्रादि जाना जाता है, इष्ट संख्या का मूल २ से कहते हैं जिसे कि उसी से कई बार गुणा करें तो वहीं इष्ट संख्या हो जाय जैसा ४ का वर्गमूल २ है क्योंकि २ × २=४, श्रोर ६४ का घनमूल ४ है क्योंकि ४×४×४=६४ ऐसे श्रोर भी जानो ॥

मूल प्रकाशक श्रंक, वा चिन्ह से मूल जाना जाता है।

जिन राशों का ठीक मूल नहीं मिलता उन्हें करणी कहते हैं और उनका आमन मूल ले लेते हैं जैसा २ का वर्गमूल और १ का घनमूल ठीक नहीं मिल सक्ता इसलिये वर्गमूल की अपेचा २ को और घनमूल की अपेचा १ को करणी कहेंगे ऐसे और भी जानो॥

## पूर्णीक वर्गमूल निकालने की रीति ॥

- (१) जिस इष्ट संख्या का वर्गमूल लेना चाहा उसके इकाई श्रादि बिश्म स्थान, श्रयात् दाहिनी श्रोर से एक स्थान शत-स्थान श्रादि दूसरे २ स्थान पे बिंदु का चिन्ह कर दे।॥
- (२) सब से पिछला जा बाई और का चिन्ह हा वहां तक बाई और के अंकों का बड़े से बड़ा वर्गमूल आसका हा सा ले लो और उस वर्गमूल को इष्ट्र संख्या के दाहिनो और टेड़ी लकीर करके स्थापन करो।
- (३) जो वर्गमूल लिया है उसका वर्ग उन अंकी के जिन में मूल का संभव देखा या नोचे रखकर घटा दो जा शेष

रहे उसे नीचे श्राड़ी लकीर कर के रख दो श्रीर इष्ट्र संख्या की मंक्ति में से बाई श्रोर के दो श्रंक और लेकर उस श्रेष को दाहिनी श्रोर एक उसकी भाज्य मानो ॥

- (४) मूल को दूना कर भाजक मानो और भाज्य के दश स्थानों तक में उसका भाग देखी फिर जो लब्धि मिले उसे पहिले मूल और भाजक दोनों की दाहिनी ओर स्वखी॥
- (9) उस लिख्य के रखने से जो भाजक की संख्या ही जावे उस सब को लिख्य की मंख्या से गुणा कर के भाज्य के नीचे रखकर बाकी निकाललों और उस बाकी की दाहिनों और इप्र पंक्ति में से दो स्थान के अंदा उतारकर रखलों उसे नवीन भाज्य भानों ॥
- (६) दूने मूल का उस नवेन भाज्य में भाग दो, की लिंड्य भिले उसे पहिले मूल की दाहिनी आर क्वा और श्रेष किया पूर्वदत् करो इसी रीति से सब अंकी पर क्रिया करते काओ और इस बात पे ध्यान रक्वा कि इप्ट पंक्ति में जितने चिन्ह किये है मूल की संख्या मे उतने ही स्थान होंगे, भाजक बनाने के लिये का मूल की दूना करते है उसके लिये यह रीति याद रक्वो कि भाजक के जपर लिंड्य रखने से जो भाजक हुआ हो उसकी दाहिनी और के अंक में वही लिंड्य फिर नेइ दो तो मूल दूना हो उध्या।

### पूर्णीक बर्गमूल निकालनेकी दूसरी रीति॥

जिस इष्ट संख्या का वर्गमूल लेना है उस पै जा चिन्ह किये हों वे दो चार मादि सम हों तो माधे चिन्हों तक का मूल पूर्व रीति से ले लो जैसा मूल में चार मंक माते दीखें तो दो हो को, श्रीर तीन पांच श्रादि विषम हो तो श्राधि से एक चिन्ह श्रागे तक का मूल ले ला श्रीर उन मूल के श्रंकों का भाष्यक कही हुई रोति से बनालो फिर इष्ट पंक्ति में से उतने श्रंक उतार कर शेव पे रख दो कि जिस में भाग देने से मूलकी श्रेष लब्धि मिल जाय श्रीर जा लब्धि मिले उसे पूर्व मूलके श्रंकों की दाहिनी सोर रख दो तो मूल की संख्या हो जायमी॥

(१) उदा० ५४९६०२ए, इस संख्या का वर्गमूल कहे।॥

५४६६०२५ ( २३४५ मूल

\$\int \frac{\pi}{8\int \pi} \frac{\pi}{8\int

(5)	<b>५६२५ कावर्गमूल क</b> हे।	····उत्तर	<i>હો</i>
(₹)	६०२५ का तथा	उत्तर	83
(8)	१०४६७६ तथा	उत्तर	<b>E</b> 28
(4)	१०६६२६ तथा	उत्तर	३२७
(ε)	१०५३००२५ तथा	<b>उ</b> त्तर	इर४५
(e)	१५२३६६०२५ तथा	उसर	१२३४५
(c)	११६५५०६६६१२१ तथा	<b>ट</b> सर३।	BYOEP

### दूसरी रीति से मूल का उदाहरण ॥

११६४५०६६६१२१ (ँ ३४५०६१मूल

साधारण भित्रका वर्णमूल निकालना हाता है तो अंश के मूल को अंश और हर के को हर जुदा र लेकर रख लेते हैं जैसे हुई का वर्णमूल है है॥

## दशमलव वर्गम्ल के निकालने की रीति॥

दशमलव का वर्गमूल निकालना होतो दशमलव बिंदु को दाहिनो ओर एक स्थान होड़कर बिन्दु कर दे। और उसके साथ पूर्णिक भी हो तो दशमलव श्रंकों के जपर उक्त रीति के अनुसार और पूर्णिक श्रंकों के जपर पूर्णिकों को रीति के अनुसार वर्गमूल की क्रिया करो जैमे इस दशमलत ३१५ २७१ का वर्ग मूल निकालना हो तो इस रीति से क्रिया करो ॥

मूल १७ - ७ ५ ५ आदि इ१५ २७१०००

#### ॥ प्रश्न ॥

					•			
(%)	80.	इ०५६ इस	का व	र्गमूल	कहो उत्तर	****	****	<b>४</b> .१६
(₹)	•000		****	****	उत्तर	****		०५०
(₹)	Ŕ	तथा	****	****	उतर		<b>२</b> .२:	₹ <b>60</b> €⊏
(8)	ξ	तथा	****	****	उत्तर		₹.88	35858
<b>(</b> á)	0	নখা	****	****	उत्तर		₹-€8	। १७७१ ८
<b>(</b> ૬)	90	নখা	****	****	उत्तर		₹. १६	२२०७
<b>(</b> 9)	99	तथा	****	****	उतर		\$.\$8	<b>६६</b> २४
<b>(</b> E)	98	तथा	****	****	उत्तर		3	.8E86
(3 <b>)</b>	€09	নঘা	****	••••	उत्तर	=	R·ń dr	₹09₹
<b>(</b> 90)	<b>600</b>	तया	••••		उतर	=	€-8ác	११३१
(88)	333	तथा	••••	••••	उत्तर	*	१∙६०६	ह्धश्र
(99)	303	तथा	****	****	उत्तर	-	<b>?-</b> ₹80	e233

#### द्वरा भाग

## पूर्णांक घनम्ल की रीति॥

- (१) जिस इष्ट संख्या का घनमूल निकालना हो उसकी हकाई के स्थान पे चिन्ह करके उसके आगे बीच के दो स्थानों को छोड़ तीसरे स्थान पे फिर चिन्ह करो ऐसे ही दो दो अंक बांच देकर सबों पे चिन्ह कर लो और बाई ओर के सब से पिछले चिन्ह तक में बड़ी से बड़ी जिस संख्या का घन जा सबी उसे इष्ट संख्या की दाहिनी और लकीर कर स्थापन करो।
- (२) उस घनमूल की संख्या का घन इष्ट पंक्ति के उन चंकों के नीचे जिनमें कि घनमूल का सम्भव देखा था रख कर घटा दो बाक़ी निकले उसे नीचे लिख कर उसकी दाहिनी चोग इष्ट पंक्ति के बाई और के तीन स्थान के अंक उतार कर देश और उसे मान्य माना॥
- (३) उस भाज्यमें घनमूल के तिगुने वर्ग का भाग देने से जो लब्धि मिले वह घनमूल का दूसरा त्रंक होगा॥
- (४) मूल को उन दोनों अंकों का घन पूर्व कहे हुए दाहिनी ओर के दूसरे चिन्ह तक के अंकों में घटा दो, शेष को दाहिनी ओर इप्ट पंक्ति के तीन स्थान के अंक पूर्व रीति से उतार कर रख दो और उसे नया भाज्य माना उस में घनमूल को जितनो संख्या मिल चुको है उस के तिगुने वर्ग का भाग दो, जो लिब्ध मिले वहा घनमूल का तीसरा अंक होगा, मूल के इन तीनों अंकों का घन पूर्व कहे हुए तीसरे दाहिने चिन्ह तक के सब अंकों में से घटा दो इसी रीति से सब से पिछले अर्थात इकाई के अंक तक क्रिया करते जाओ ।

#### गंगितप्रकाश

### वदाहरम् ॥

४८२२८ १४४ इस संख्या का घनमूल बताओ ॥

८६६८ १८६४ (६६४

### पूर्णीक घनमूल की दूसरी रीति॥

- (१) इष्ट मंख्या के जांकों की पंक्ति पै पूर्ववत् चिन्हकरली फिर वाई तरफ़वाले सबसे पिछले विन्ह तक के जांकों में जिम संख्या का घन जा सजे उसे इष्ट पंक्ति के दाहिनी जोर टेड़ी लकीर खींचकर रक्खी जीर उस लब्धि के घन की इष्ट पंक्तिकेबाई जीर के चिन्ह तक के जांकों में से घटा के वाक़ी को नीचे लिखी जीर इष्ट पंक्ति में से बाई जीर के तीन स्थान के जांक ले के धेप की दाहिनी जीर स्थापन करी, उस सब की भाउय मानी ।
- (२) इस भाज्य के नीचे चिगुणित मूल, और उसके नीचे उसी खंक का तिगुना वर्गदहाई के नीचे से रखकर उनका योग करलो तो वही भाजक होगा॥
- (३) भाज्य की इकाई छोड़ कर उसमें कियत हर का भाग देने से जो लब्धि मिले उसका पहिले लब्धि मूल अंक की दाहिनी श्रोर रक्खो ॥

- (8) पहले भाजक के नीचे एक आड़ी लकीर करके उसके तले दूसरी लिंड्य का घन रक्खी और उसकी दाहिनी और का एक स्थान छोड़ कर दूसरी लिंड्य के वर्ग को तिगुनी पूर्व लिंड्य से गुणा करके स्थापन करों फिर वैमेही उसके नीचे पूर्व लिंड्य के वर्ग को तिगुनी दूसरी लिंड्य से गुणा करके स्थापन करी और उन सबों का योग कर लो।
- (५) उस कथित योग को पूर्वीत भाउय में से घटा कर शेष को दाहिनी श्रोर इष्ट पंक्ति में से बाई श्रोर के तीन स्थान के श्रंक उतारकर रख लो श्रोर उसे नया भाउय मान कर पूर्व रीति से मूलकी तीसरी लब्धि लेलो श्रोर इष्ट पंक्ति में शेष श्रंक हों तो श्रंत तक यही क्रिया करते चले जाश्रो परंतु मन में इम बात का बिचार श्रवश्य रक्षों कि भाग देने से जो लब्धि मिले वह ऐसी न हो कि जिससे घटाने के समय योग, भाउय से बड़ा हो जाय ॥

#### (१) उदाहरम् ॥

 $3 = \xi \times \xi$  $c\varphi = \xi \times \xi$ 

भाजक २७६) २१२२८ (६ १६६५६ योग

# पूर्णांक घनमूल की तीसरी रीति॥

(१) जिस इष्ट्र संख्याका घनमूल लेना हो उस पे पूर्ववत् चिन्ह करके बाई ओर के सब से पिछले चिन्ह तक में जिस बड़ी से बड़ी मंख्या को घनमूल मिल सक्ता हो उसे ले लो और इष्ट्र पंक्ति को दाहिनी आर टेढ़ो लकीर करके रखदी फिर उसपर धनमूल का धन इष्ट पंक्तिमेंसे घटाकर बाकी निकाल लो और उस बाक़ी की दाहिनो और इष्ट पंक्तिमें से बाई और के तीन अंक उतारकर रख लो, उसे भाष्य मानो ॥

- (२) उस भाउय का भाजक बनाने की यह रीति है कि भाउय की दाहिनी श्रोर के २ श्रंक छोड़के श्रेष वाई श्रोर की संख्या में पूर्व लिब्ध धनमूल के तिगुने बर्ग का भाग देनेसे जो लिब्ध मिले उसे घन मूल का दूसरा श्रंक जानो श्रोर पहले घन मूल के श्रंक को दाहिनों श्रोर रक्खों, फिर पहली लिब्ध का मूल के श्रंक को दाहिनों श्रोर रक्खों, फिर पहली लिब्ध का वर्ग तिगुना करके एक श्रोर, श्रोर उसके नीचे दोनों लिब्ध्यों का तिगुना घात, श्रोर उसके भी नीचे दूसरी लिब्धका वर्गरखली पर उनके स्थापन करने में इतनी बात याद रक्खों कि जपरवाली संख्या की इकाई में नीचेवाली संख्या की इकाई दाहिनी श्रोर को एक स्थान वढती रहे उन तीनों संख्याश्रों के योग को श्रपने भाउय का भाजक जानो ॥
- (३) उसभाजकको दूसरीलिङ्घ से गुणाकर और भाज्यपंक्ति भें घटाकर बाक़ी निकाललो और पूर्ववत् भाज्य पंक्ति बनालो ॥
- (४) उमपंक्ति का भाजक इसरीति से बनाओ कि लिब्ध के दोनों अंकों की संख्या की पूर्व लिब्ध मानकर उसकेतिगुने वर्ग से भाज्य में लिब्ध का संभव देखी और उस तिगुने वर्ग की जानने की सूधी रीति यह है कि पूर्व भाजक बनाने के लिये जो तीन संख्या स्थापन की हैं उन में से नीचली दो संख्याओं का पूर्व वत् योग करके पूर्व भाजकके नीचे इकाई के क्रम से यथा स्थान रख लो उन तीनों संख्याओं पर एकरेखा कर दो और उस से यह जानी कि इन तीनों संख्याओं का योग करना है उन्हें इकाई के क्रम से जोड़ लो वही योग उन दी अंकों की संख्या का तिगुना वर्ग होजायमा, उस चिगुणित

वर्गरे भारुय पंक्ति में पूर्ववत् लिंध्य को संभव देखी श्रीर उस नवान लिंध्य को दूसरी लिंध्य मानकर पूर्ववत् भारुक बनालो श्रीर उस भारुक को नवीन लिंध्य में गुणा करके श्रपने भारुय में से घटा दो जहां तक संभव हो वही क्रिया करते जाशो॥

### तीसरीरीति से पूणांक वनमूल का उदाहरण ॥

### दशमलव घनमूल की रीति॥

साधारण भिन्न का घनमूल निश्चय करना होताहै तो ग्रंश के घन मूलको श्रंश; श्रोर हर के की हरनियत करलेते है जैसे हैं का घनमूल है है क्योंकि द का घनमूल २, श्रोर २७ का ३ है। दशमलव घन का घनमूल निकालना होता है तो दशम-लव बिन्दु की दाहिनी श्रोर दो २ स्थान छोड़कर पूर्ववत् चिन्ह कर लेते श्रोर पूर्यांक भी हाथ लगे होवें तो उन पर पूर्यांकों को रीति के अनुसार चिन्ह कर लेते हैं फिर पीछे पूर्यांकों की रीति से घनमूल निकाल कर उचित स्थान पर दशमलव का बिन्दु रख देते हैं जैसे ५२६ का घनमूल यो निकालते हैं॥

शेष क्रिया जो कि पूर्यांक धनमूल में ब्योरेवार लिखी है यहां नहीं लिखी किन्तु बिन्दुश्रों की बनाने की रीति के प्रकट कर ने के लिये केवल इतना ही लिख दिया है इस से जानागया कि ५२६ का धनमूल = ६.००२२६२ यह भी जानो कि जिसदशा में घनमूल पूरा न निकल सके किंतु कुछ न कुछ सदा शेष रहे तो दशमलव बिन्दु के पीछे धनमूल के छ: स्थान निका-लकर शेप को छोड़ दो श्रोर लिब्धको श्रासन्न धनमूल समभी॥

#### प्रश्न ॥

(8)	₹	का	घनमूल	7 =	उत्तर	~	१.२५६६२१
(२)	इ२१४	का	নঘা	=	उत्तर	***	<b>6∙8∂ñ∂</b> à≈
(₹)	27	का	तथा	=	उत्तर		२.६२४.१८
(8)	र्गर्ट	का	तथा	=	उत्तर		E-0c58c0
<b>(</b> á)	äño	का	तथा	=	उत्तर		८.१८३२१२
<b>(ξ)</b>	€09	का	तथा	=	उतर	-	€003\$8.⊃
(o)	343	का	तथा	=	उतर		€∙८⋬₀8⊘५
(c)	202	का	तथा	=	उत्तर '	-	<b>€</b> ∙à€ <b>≥</b> \$€@
(3)	003	का	तथा	=	उत्तर	-	इ.इ५४८६३
(40)	₹३	का	तथा	=	उत्तर	-	5.ck3c£0
दूसरा भाग समाप्र हुन्ना ॥							